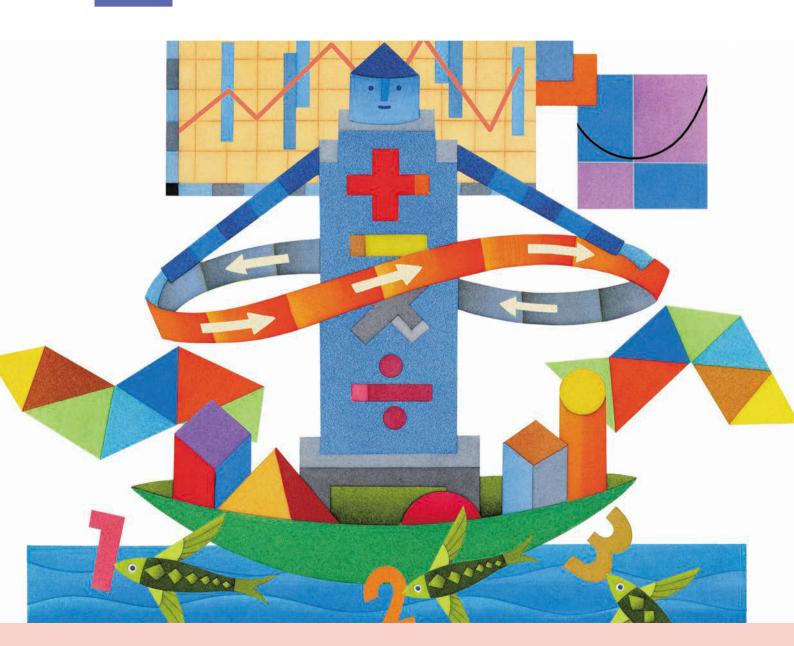
日本の理数教育をサポートする

# Research Institute for Mathematics and Science Education



特集

就学前の理数教育 I



# Contents

表紙裏

#### 巻頭言

9年前の AI 記事作成で気づいたこと

中部経済新聞社 相談役編集委員 · 前代表取締役社長 恒成 秀洋

#### 特 集 就学前の理数教育 [

■ 幼児期に望ましい、遊びながら育てる数理能力とは 2 どのようなものか

東京理科大学 栄誉教授 秋山 仁

Ⅲ 幼児期における探究心の育ちについて 6

> びわこ学院大学教育福祉学部子ども学科 教授/ 全国幼児教育研究協会 副理事長 中井 清津子

■ 幼児期にこそ大切にしたい身近な自然との関わり 10 - 子供の傍らに居る大人の構え ―

> (株) 自然教育研究センター 自然解説員 練馬区立中里郷土の森/ 公益社団法人 全国幼児教育研究協会 副理事長 新山 裕之

連載 やさしい電気化学 ~化学変化で起こす電気. 13 電気で起こす化学変化~ 第8回

電気エネルギーから化学エネルギーへ - 二次電池について

東京学芸大学 名誉教授/国際基督教大学 客員教授 鎌田 正裕

連 載 確率の現代的活用 第9回

ランダム・ウォークと破産問題 -マルコフ連鎖入門-

東京大学 名誉教授/(株)ベイズ総合研究所 代表取締役 松原 望

19 連載 物理用語の成り立ち ~万物の根源を求めて~ 第9回 原子核(ニュークリアス nucleus)

元徳島県公立高等学校 教諭 西條 敏美

#### 特別寄稿 清水静海先生追想

- 「そいやっさ~!」の声に応えて 22 横浜国立大学 名誉教授 根上 生也
- 24 ②「言葉の使い方」と「初心」 千葉大学教育学部 教授 松尾 七重
- 教育に新しい風を -東京懇談会より-

『走れメロス』 の伝言 ~多様化社会へのメタモルフォーゼ~ 前品川区教育長 中島 豊

広場 地域教育で活躍する人々 第43回 28 地方の小さい町が挑戦する『令和の日本型学校教育』への

> ~個別最適な学びの充実を目指した教育 DX 化への第一歩~ 静岡県小山町教育長 勝俣 純

数学と言葉 第 12 回

数学用語 その7 「0」と「数」2つの読み方

サイエンスナビゲーター ® 桜井 進





恒成 秀洋 / つねなり ひでひろ

中部経済新聞社相談役編集委員。1963年生 まれ。86年山口大学人文学部卒。同年新興出 版社啓林館入社。89年中部経済新聞社入社。 経済部記者. 東京支社長. 事業局長などを経て. 2012年取締役, 18年代表取締役社長, 25 年6月から現職。大分県中津市出身。趣味は登 III. バイク。日本山岳会会員。

# 9年前のAI記事作成で気づいたこと

まずは私が勤めている新聞社について簡単に説明したい。お もに東海3県(愛知・岐阜・三重)をエリアに、地元の経済ニュー スを発信している。トヨタ自動車の本社が愛知県にあることな どから、やはり自動車関連のニュースが多い。"紙"の新聞は東 海地区だけの発行だが、デジタル版については全国に読者が いる。自動車産業は日本を支える屋台骨であり、その生産拠 点が東北や九州にも広がっていることが背景にある。とにかく 私たちは毎日、クルマ関連を中心に企業を取材し、新聞を発 行している。

さて9年前のことであるが、私が編集局長のときにAI(人工 知能)について、ちょっとした気づきがあった。今でこそ話題に 上らない日はないAIだが、当時はほとんどニュースで見かけな かった。

2016年11月, 私どもは創刊70周年を迎えた。そのため、 いろいろな企画を準備していたが、その中に「AIに書かせた記 事をそのまま紙面にしてみよう」というアイデアがあった。

データ処理会社やAI研究の企業などの協力を得て、過去の 記事の読み込みが始まる。当初はデータ不足でうまく動かず、と ても公表できるような記事はできなかったが、過去記事をさらに 追加していくことで、少しずつまともな文章ができるようになった。

そして、「この記事、AI記者が書きました」というタイトルの 紙面ができあがった。戦後からこれまでの中部地区の産業界 の推移や、弊社の取り組みなどをまとめた短い記事である。文 章に統一感がなく、やたら読みにくい。「『筆舌に尽くしがたい』 言葉どおり」など、おかしな表現も目立つ。しかし、「これはこれ で面白いのでは」ということになり、そのまま掲載した。

反響は、まず同業から来た。全国紙の名古屋支社の記者か ら連絡があり、紙面化までの経緯などについて取材された。そ の全国紙の記事を見た通信社からも取材があり、それが全国 に配信され各地域の新聞などにも転載され、「AIが記事を書い た」ということで、驚くほど大きな話題になっていった。

しかし、実は紙面製作の過程で、私の心の中にじわじわと不 安が広がっていたことを正直に言わねばならない。新聞社、特 に地方の新聞社にとって、AIには可能性だけでなく危険も伴う ことに気づいたからである。

AIは新聞でいえば定型的な記事が得意分野だ。企業の決算 発表とか人事異動とか新商品の発表などである。だいたい文章 の形や流れが決まっているので、どんな記者が書いても、そう

大きな差は出ない。こうした記事は、データを読み込ませてAI にまかせたほうが、作業は効率的であろう。

しかし、ここに大きな落とし穴が隠れている。

企業の競争力の源泉となるのは差別化である。他社にない もの、他社より優れたものをいかに作り上げていくか。私たち も同じで、全国紙が気づかない細かなニュースにこそ価値がある。

そして、簡単に見える記事にこそ差別化のヒントがあったりす る。例えば人事の記事。一見すると人の名前の羅列だが、ここ に取材で知り合った人の名前があったとする。「あれ、この人 はなぜこの部署を離れるのだろうか」と疑問が生じる。また決 算の記事を書いていると、ある部門の売り上げが少し伸びてい ることに気づく。「ここは苦労している部門だったが、良くなっ てきたのだろうか」。こうした小さな気づきがやがて大きなニュー スにつながることが、実は案外多い。

一見、無駄に見える細かい作業であるが、作業によって脳の 中にデータが蓄えられ、それが他の情報とつながり、新たな視 点を与えてくれる。まさに「神は細部に宿る」ということだ。AI による記事作成は、この重要な作業を"丸投げ"してしまうとい うことである。

今, 教育の場でもデジタル化が進められ、紙の教科書をなく し、ICT (情報通信技術)を活用してタブレットで授業をするこ とが日常的になりつつあるという。紙に書かず、タブレットの 画面を操作するやり方で本当に考える力が育つのだろうか、と 私は不安を覚える。

スマホやタブレットの普及で、すでに子供たちの視力低下は 顕著になっているが、考える力にも影響が出るのなら、ことは 深刻だ。先日、「OECD (経済協力開発機構)の調査によると、 ICTを使う時間が長いほど学習到達度が低い」との記事も出て いた。一気呵成とも思えるデジタル教育の流れには、もっと慎 重な意見が出てしかるべきではないかと思う。

さて、結果的に私たちは今、新聞作製にAIをほとんど活用 していない。資料から数字を抜き取って表を作成するなど最低 限の活用にとどめる方針だ。例え非効率と言われようとも、地 域の新聞社である以上、これからも差別化されたオリジナルな 記事が求められ、それには各記者に蓄積したデータと新しい 情報の連携が不可欠だと知ったからである。これは私たちの世 界だけではあるまい。効率化を追求すると逆に衰退していく産 業が多いのではないか、と少し危惧している。

# 就学前の理数教育I

# 幼児期に望ましい. 遊びながら育てる数理能力 とはどのようなものか

東京理科大学 栄誉教授

秋山仁 / あきやまじん

数学者/理学博士。ミシガン大学数学客員研究員、米国 AT & T ベル研究所コンサルタント(非常勤)、 日本医大助教授、東海大学開発研究所所長、科学技術庁参与、文部省教育課程審議会委員、NHK ラ ジオ・テレビ講座講師、中国南開大学客座教授を歴任。サント・ドミンゴ自治大学名誉博士(2017年). コロンブス騎士勲章受章 (2021年)。瑞宝中綬章受章 (2025年)。著書約250冊。



## ↑ 大人になって必要とされる数理能力とは何か?

就学前の理数教育を考える上で、大人になって必要な数理 能力がどのようなものかを、まずハッキリさせておこう。

「僕は、学生時代、数学の成績が良かったから、数理能力 に長けている」、「私は学生時代から数学がからきしダメで、 全然数理能力がない。これが息子に遺伝するのではないかと 心配で……」こんなことを言っている人がよくいる。

計算ができるとか、鶴亀算、旅人算…、小学校で習う典型 的な文章題、あるいは中高校で習う方程式や関数、幾何学の 証明等の「数学の典型的な問題の解き方を知っている・解け る」といったことは確かに学校の算数や数学で問われてきた スキルではある。だが、「小学校から大学教養程度までの数 学を理解するためには、生まれついての才能も、また、特別 な数理プログラムを組んで小さい頃から練習を積み育まなけ ればならない数理能力は殆んどない。それがこなせる能力は 日常生活をキチンと送れる能力とさして変わらない」と私は 考えている。ここで、"日常生活をキチンと送れる能力"と はどのようなものだろうか? 大雑把に言ってしまうと, 「辞書が引ける」、「自分の靴箱に靴を揃えてしまえる」、「料 理本を見ながらカレーライスが作れる」、「最寄り駅から目的 地までの地図が描ける | 以上の4つのことができる能力だ と思う。それさえできれば、小学校から高校までの数学を身 につけるには、能力的には十分であり、後は、数学の知識を ひとつずつマスターしていこうという意志と努力があるか否 かの問題に過ぎない。すなわち、これらができるのであれば、 「高校あるいは大学教養までの数学をこなすのに闲らない基 本能力があると言える」と私は考えている。

その理由を以下,簡単に述べよう:

「辞書が引ける」ということは、例えば英和辞書ならば、 アルファベット26文字の順序関係、すなわち"26進法表示 された数(単語)の大小(順序)関係を理解できる"という ことに他ならない。「自分の靴箱に靴を揃えてしまえる」と いうことは、自分の靴の左右を揃え、かつ、自分の出席番号 のついた靴箱にしまえるということであるから、これができ るということは二回も"一対一対応の概念"を使いこなして いることに他ならない。すなわち、この行為ができるという ことは、"一対一対応の概念が理解できている"ということ を表している。「料理本を見ながらカレーライスがつくれ る」ということは、"ものを観察し、決まった手順(アルゴ リズム)に従ってものごとを遂行する能力がある"ことを示 している。そして、最後にあげた「地図が描ける」というこ とは、3次元のものを2次元に投影し、具体的なものの本質 だけを抽出し、記号や数式を用いて抽象化・モデル化して表 現する能力, すなわち, "空間把握能力, 抽象能力を有して いる"ことを意味している。

「なんだ、そんな4つのことぐらい簡単にできる」と思 う人が多いと思うが、数理能力とは、実はこういった"数や 量, 図形の性質とは直接, 関係のない日常の作業の中でも活 用され発揮されている能力"なのである。

これら4つの能力があれば、日常生活を恙無く過ごせる。 これが数理能力の基本だと思う。あとは能力的な問題ではな くテクニカルな問題だ。また、数学教育に携わっている人た ちの多くが、「幼児期の段階からこれをやっておけば、将来、 鶴亀算や因数分解を習うときに苦労しない」などというよう なものが所在するとは考えていない。

# **′)** 幼児期から育てるべきは計算等の技術でなく. 素養としての数理的なものの見方

私が若い頃、コンピューターを使える人はプログラミング ができる限られた人たちだけだった。しかし、テクノロジー が発達した現在、スティーブ・ジョブズが目指していた"テ キサスの田舎のおばちゃんでも、気軽にコンピューターを使 いこなし社会生活や仕事に役立てる時代"になったように、 高度な数学も、ハイテク機器のお陰で多くの人々が生活の中 で、もっと気軽に使いこなして活用できる時代になっていく であろう。教科書や専門書を読破しなくてもハイテク機器を 使って高度な数学の成果を生活や仕事に役立つ技術として利 用できる時代に、多くの人にとって、数学を通して何を学び、 身に付けることが期待されるだろうか? それは、数学の問 題集に並んでいる問題を解く技術(問題の解き方を身につけ ること)ではなく、数学の問題を通して、本質を見抜く分析 力や筋道を立てて議論を進める力、工夫して効率的にものご とを進める力などの思考力を育くむことが重視されていくだ ろう。さて、そういった時代を社会人として生きていく現在 の幼児たちにどのような数学的な体験が有意義なものになる だろうか?

数学以上に, 多くの人が日常的に行っている文章を書くと いう行為を例にとって考えてみることにしよう。よい文章を 書くためには、文法や漢字、熟語やボキャブラリーに長けて いるといった技術・技能的なことも必要である。しかし、よ い文章、面白い文章を書くには、そういった技術(技能)的 なこと以上に,面白いテーマを見つける感性や好奇心,他人 が読んだときに論理的にわかりやすくストーリーを展開する 能力といった"創造力"、"論理力"、こういった能力が大き く問われるのである。前者の技術(技能)的なことは、年齢 や発達段階に応じて学んでいけばよいことだが、後者の能力 は、「これを教えればすぐ身につく」といったものではなく、 小さい頃から素養として養っていかなければならない大切な 能力だと私は考える。

文章を書くことと同様に、数学において、数や量、図形、 計算などは年齢や発達段階に応じて順々に学んでいけば身に 付くことである。それに対して、観察力や分析能力、論理力、 抽象能力,一対一対応の概念,空間把握能力などといったも のは小さい頃から素養として少しずつ身に付けていかなけれ ばならない能力だと考える。

## 3 ★ 幼児期の能力の発達段階とあそび

"大人になったときに上記のような数理能力を備えていて欲 しい"とは言っても、幼児期からどんどん何でもやり始めれば いいというものではない。幼児期の発達段階に応じて、彼らが できることは限られており、また、学ぶべき大切なことは数理 的な能力以外にも沢山ある。よかれと思って大人が何でもかん でも与えると逆に、子供自身の自発性や好奇心、創造力が育 まれないといったことも指摘されており、それが現実であろう。

明治の数学教育者・広田虎之介は小学生の算数教育につい て次のように述べているが、これは幼児に対してより強く言 えることだと考える:

「出来る時に乗じて出来る事を教えず、出来る時期を待た ずして出来ないことを教え、出来る時期を待たずして出来な いといって殺す、小学生における算術の成績良くならず、こ れはいわゆるなしとせんやし

世界では、幼児の能力の発達段階と遊びについてかなり研 究されているが、その一例を示しておこう:

#### **◆エリック・エリクソン提唱(ドイツ出身の発達心理学者)**

- ・幼児前期(1才半~3才):歩行・排泄など自律できるよ うになり、自分の力で挑戦することが増えてくる。
- ⇒自信や自律を身に付けさせたい時期。興味をもつ遊びを 与えてあげることが大切。
- ・幼児後期(3才~5才):友達と関わることが増えさま ざまなものに興味をもったり、自己主張するようになる。
- ⇒コミュニケーションをとりながら行う遊びや集団で遊ぶ機 会を増やすことが大切。この時期に自主性や積極性が育つ と目的意識を持って自発的な行動をするようになる。逆に, 自己主張の否定や厳しい躾によって自分に否定的な感情を もつようになると、自発的な行動をしなくなる。
- ・学童期(6才~):学校で勉強し、知識を身につけ、もの ごとを達成できた経験から勤勉性を身につける。

# 1 ★ 諸外国で、幼児期に遊びなどを通して培い たいとされている数や量の技能と数理能力

海外の幼児教育の現場で行われている数理的能力 にかかわる遊び (例: Momath (National Museum of Mathematics in NY)) やカナダの幼稚園等で実践されて いる幼児のためのアクティビティ、アメリカの幼児教育のべ ストセラーである BRAIN OUEST のワークブックやスマート カード、モンテッソーリで行われているアクティビティなど を検証すると、幼児期に遊びを通して培いたい数や量の技能 及び数理能力とされているものは主に以下の7つのもので あった。これらは幼児期の子供たちの発達段階が前述のエリ クソン提唱を踏まえており、かつ、1節で示した大人になっ て必要とされる数理能力に関する私案とも合致している:

# 遊びや日常生活の行動を通して幼児期に培いたい7つの数 や量の技能と数理能力

- (1) 数に親しむ (知識・技能的なこと) ⇒具体的には10までの数 を数えたり、ものと数を対応づける練習をすること。また、間 接的に10まであるいは5までの数のたし算やひき算に親しむ ことや数の大小関係に親しむこと(最近改訂されたニュー ヨークのガイドラインなどでは10より大きい数を認識させる ことや、100までの数を(10, 20, 30, …, 90, 100などという 具合に)10単位ごとに数えることも新たに盛り込まれるよう になっている)。
- (2) 形に親しむ(知識・技能的なこと)⇒身のまわりにある 物体の形に注目させて、円や三角形や四角形などを探さ せたり、観察させることが主に行われている。 (以下(3)以降は数理能力である。具体例は5節参照)
- (3) 分類する能力
- (4) 一対一対応の概念を使う能力
- (5) 規則性やパターンを認識し推測する能力
- (6) 論理力⇒海外で行われていることは、「ルールを押さえ る力 「言われた情報を把握し、それに従って作業する 力」といった程度のことが実践されている。
- (7) 空間把握能力⇒ベーシックなこととして、外に連れ出し 自然の中で自然の素材に手を触れて体を動かし、ものの サイズや遠近や高低の感覚を養うことが積極的に行われ ている。それに加えて、積み木や立体物の造形といった ことが行われている。

(なお、1節で挙げた"抽象化・モデル化する能力" につい ては、ピアジェが「可能となるのは11才以上」としている ように幼児ではまだ難しいことなので、幼児の段階から育も うという試みは海外でも行われていないようである。)

また、「手先の器用さを発達させた子供は、後々、読み・ 書き・論理的思考・集中力・理解力・数を扱う能力などに長 け、後々学校で必要となるさまざまなスキルの十台づくりに なる」とされ、積極的に手先を使った作業を伴った数理能力 を伸ばすための活動が取り入れられている。日本では、折り 紙や粘土細工、積み木遊び、あやとりなどを、昔から幼児教 育の現場で積極的に取り入れられてきたことである。

これらの能力を培うための、今まで行われている日本での 遊び、また海外で行われているアクティビティを次節では具 体的に例示してみよう。

# **5 ‡ 国内外で行われている遊びとそれによって** 培われる数理能力・数量に関する技能

\*靴下や靴のペアリング遊び:一対一対応の概念や色や形の 観察力を使う遊び(形や質や大きさの違う数種類の靴下(ま たは靴)を5~10足用意してゴチャゴチャとひとまとめにし、 ペアリングしてもらうゲーム)

\*6種類の形から計30種の図形を作り、指示通りの図形を集 めるゲーム:形に親しみ,形や色に関して分類する。(星,正 方形, 円, 三角形, 三日月, 五角形などをそれぞれ5色の紙 (例:赤・青・黄・緑・紫)から切り出し、計30種作る。それら に対して「赤いものだけ集めてください」、「同じ形どうしを 集めてください」と指示を出して実行させるゲーム)

\*紙玉投げ遊び:たし算に親しませるゲーム(3つのバケツ と紙を丸めて作った玉を10個を用意し、それらを3つのバケ ツに投げ入れさせる。その結果を数えて、間接的に10=3+ 2+5=4+1+5=3+3+4=…といったたし算に親しませる

\*ケンケンパ:リズム感覚とパターン認識・数への親しみ・ 運動機能・論理力(指示やルールに従う)を育くむとされて いる。

\*もの当て遊び:観察力・形への親しみ・分析力・論理力 (情報を組み合わせる)を使うゲーム(各同、部屋の中にあ るものの中からひとつ選び、「それは○○の形をしています」、

「それは○○色をしています」などとヒントを出していって、子供 たちにそれは何なのかを当てさせるゲーム)

\*グループになった友達と組んでフォーメーションを作る:運 動機能を伸ばし、形への親しみを養い、友達との協力を促す ゲーム(子供たちを数人のグループにし、「みんなで円の形を 作ってください」、「三角形の形を作ってください」、「四角形を 作ってください」、「五角形を作ってください」と指示を出し、子 供たちは床に寝そべりその指示に従って友達とその形をつくる ゲーム)

\*手を叩くリズム遊び:パターン認識(規則性の把握)能力 やリズム感、観察力などを使う遊び(音楽に合わせ、先生の 叩くさまざまなリズムパターンをマネして手を叩いてリズム をとる遊び)

\*買い物ゲーム:数への親しみ、間接的なたし算やひき算へ の親しみを育む遊び(紙で⑩⑳⑳⑪⑩などのコインを作り、 部屋の中のいろいろなものに値札をつけて、それらのコイン を使って買い物をするゲーム)

# **人 :** まとめ

子供の成長における遊びの重要性について研究している米 国の研究者キャシー・ハーシュパセック氏とロバータ・ゴリ ンコフ氏は、"遊びの五原則"を以下のように定義している (『学びとは何か ― < 探究人 > になるために』(岩井むつみ著 /岩波書店)より):

#### 遊びの五原則

- 1. 遊びは、(遊ぶ人にとって) 楽しいものでなくてはなら
- 2. 遊びは、遊ぶこと自身が目的であるべきで、何か他の目 的や意図(注:例えば言語能力を伸ばすとか計算力を伸 ばすなど)が主役であってはならない。
- 3. 遊びは、遊ぶ人の自発的な選択によるものでなければな らない(注:すなわち、子供が「やらされている」と感 じたら、もはや、それは遊びではない)
- 4. 遊びは、遊ぶ人が能動的に関わるものでなければならな い。遊ばせてもらっていたら、遊びとは言えない。
- 5. 遊びとは、現実(注:実際の遊び手の生活行動)から離れた もので遊び手にとって演技のようなものである。 例えば、子 供が何かの「ふり」をしていたら、それは遊びである。

幼児たちに何かを教えるという形ではなく、"遊びを通し て子供たちの数理能力を育てたい"と考える人は多いようだ が、遊びの五原則によると、「この遊びをしたから、こうい う能力が育まれていなければいけないんだ」と考えてしまう のは禁物だということである。あくまで子供たちが楽しいと 思えるものを、そう思える範囲で行うべきで、結果として、 数理能力が刺激されていればいいなぁぐらいに考えて行うべ きだということだ。

#### 生活の中で楽しい数理体験を

小学校以降の算数や数学教育において, 近年, 国際的な動 向として、「算数や数学のための問題(すなわち教科書や問 題集の中でしか見ないような問題)を解ける力」を育むとい うこと以上に,「自分の生活の中で算数や数学を活用する力」 を育むことに力点を置いていこうというように変わってきて いる。そういうことからも、"日常生活の中で、身のまわり のものの数を数えたり"、"クッキングなどで量を測ったり"、 "郵便物の重さを測ったり"、"時計を目にして時間というも のを意識したり"、…… そういった大人たちの日常の行動を 子供たちに積極的に見せ、自分の身のまわりにある数と量と いうもの、数理的に考えることなどを生活の中で無意識的に 認識させることも非常に大切であろう。子供にとって、お父 さんやお母さん、幼稚園の先生といった、心から親しみを感 じている大人たちの行動を子供はよーく観察しているもので ある。そして、身のまわりで、どんなことが行われているの か、また、自分の大好きな人たちがやっていることを知るこ とに子供たちは大きな関心を持っていて、それがわかり、自 分も共有できている(参加できている)と感じられるととて も楽しいのだ。

ワクワクすることをいっぱい体験することが、子供の好奇 心ややる気を育むことに繋がるのである。覚えさせようとす ると、子供はワクワクする気持ちを失い、その結果として好 奇心を抱けなくなるという指摘もされている。親や先生自身 も楽しんでいなければ、子供たちも楽しいはずがない。身近 な大人たち自身が数理的な行為を楽しく行ない, それを幼児 たちに、結果や成果をあまり重視しすぎることなく見せ、楽 しさを共有し、幼児たちと大いに楽しむことが、幼児にとっ てベストな数理体験なのだと私は考える。 •

# 幼児期における探究心の育ちについて

びわこ学院大学 教育福祉学部 子ども学科 教授 中井 清津子 / エカレレ サっこ

大津市立幼稚園教諭及び園長・大津市教育研究所指導主事・大津市教育委員会学校教育課主幹・大津市教育委員会 学校教育課幼児教育指導監・滋賀大学教育学部附属幼稚園副園長・滋賀大学教育学部特任教授・相愛大学教授を経 て2022年よりびわこ学院大学教授。現在、相愛大学客員教授・滋賀大学非常勤講師。

専門領域は、幼児教育の内容や方法・領域環境・人間関係・造形表現等。

全国幼児教育研究協会副理事長、守山市、尼崎市、竜王町、大津市において子育て会議等の委員長及び副委員長等を歴任。



## 1 🙎 はじめに

0歳から身近にあるものに関心をもち、その子なりに主体 的に関わり探索活動を繰り返し行う。物と関わりながら身体 や五感を使って探索活動をすることは、その後の探究心を育 てる土台になるだろうと考えると、生まれたときから人は 「知りたい・求めたい・わかりたい・考えたい…」などの興味・ 関心や好奇心をもっているのではないかと思う。しかし、環 境や育ちの中で探究的な活動を経験する機会が少なくなって きているのも事実である。

乳幼児期にこそ, さまざまな環境の中で遊びを通して, 何 度も繰り返し、試しながら自分の目的とする内容に迫ってい くのである。特に最初から、「どろ団子を作るためには、土 と水の割合はこれぐらいがいい」と考えているわけではない。 繰り返し遊ぶ中で、偶然的に出来てきた状態を捉え、感覚的 に体験的に多くのことを学んでいくのである。その過程に意 味があり、新たな知識・概念・発想が芽生え、探究的な思考 や将来の科学的な概念が育つ土台を耕していると考え、本稿 においては、特に3歳児から5歳児の幼児期に探究心を育 てることの意義を捉えることにする。

# ? ↑ 探究を進めていく過程に着目して

2017年の学習指導要領・幼稚園教育要領の改訂において 「探究的学び」の実践が求められ、小学校以上での授業研究 が精力的に行われるとともに、幼児教育においてもその学びの プロセスやそれを支える指導法をより詳細にする試みが始めら れるようになった。

さらには、アクティブ・ラーニングの三つの視点を踏まえた、 幼児教育における学びの過程(5歳児後半の時期)のイメージ 図(文部科学省2016)が示された。遊びのプロセスとして「遊 びの創出・遊びの没頭・遊びの振り返り」の流れの中で「主 体的・対話的で深い学び」の過程が描き出されている。そして、 5歳児後半の経験が小学校以上につながるものとして考えられ ている。深い学びの過程は、「直接的・具体的な体験の中で、 見方・考え方を働かせ対象と関わって心を動かし、幼児なりの やり方やペースで試行錯誤を繰り返し、生活全体を意味あるも のとして捉えること」と述べられている。「生活全体を意味ある もの」として捉えることの奥深さを感じながら、将来につなが る探究心を育てる資質・能力を意識したいと考えている。 探究 を深めていく過程を、「感触・感覚・感動」が基本となり、「試 行錯誤・気づき・発見の喜び」さらに「予想・予測・比較・分類・ 確認」「規則性・法則生・関連性などの発見と活用」と示して いる。これらの内容を意識しながら、探究を深めていく過程に おける要素を3歳児から5歳児の発達年齢ごとに分けて捉え、 その過程に着目していくとにする。

# 🥄 🗶 子供の姿から探究について考える

- (1) 3歳児の姿から
- ①事例1…容器からあふれる水…7月中旬

庭に準備された水を入れたタライから、容器に水を入れたり

出したりして、7、8人の幼児が遊んでいる。ペットボトルを半分に切って手提げを付けた容器が準備してあり、大きさもいろいろである。

A 児は、ペットボトルで作った容器を持ち歩き、水を入れたり出したりしながら、少し大きい容器の水を移し替えている。その容器の上から空のペットボトルを押し込み、水が周りからあふれると、「あれ」というような顔をして、観察者の顔を見る。観察者が「水がこぼれたね」と言うと、「うん」と楽しそうな表情をする。再び大きなペットボトルに水を入れ、水を入れた小

さなペットボトルで押すと、 水があふれることに気づき、 何回も繰り返す。

重ねた上のペットボトルの押し方を強くしたり弱くしたりすることで、水のあふれ方が違うことに気づく。同じ大きさのペットボトルは入らないことにも気づく。ほとんど話をしないが、繰り返し楽しむ姿が見られた。



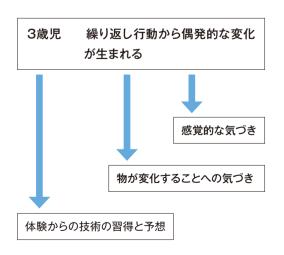
図1 いろいろな大きさのペット ボトル

#### ② 行為が意味すること

○同じ行為を繰り返ししながら、その場に起こる現象に興味を もつ。

特に話さないが、夢中になって遊んでいる姿から、大きさの 違う容器で水を入れたり出したりすることを繰り返し楽しみ、水 の流れや音や感触に関心をもっていることが読み取れる。

○同じ行為を繰り返す中で,本人が予期しない偶然起こった現象に気づき興味をもつ。



大きさの違うペットボトルで作った容器に水を入れ、上から 小さいペットボトルで押すと水があふれることに気づき楽しむ。 さらに、ペットボトルの押し方で水のあふれ方が違うことに気づく。同じ大きさのペットボトルは入らないことがわかる。筆者は、将来、A 児が圧力を学ぶときにこの体験が意味あるものになる だろうかと予想した。

#### (2) 4歳児の姿から

#### ①事例2…紙飛行機を飛ばしたい…11月中旬

4人の幼児が紙飛行機を作って飛ばしている。真ん中に穴が 開いている段ボールがあり、段ボールの穴を潜り抜けて紙飛行 を飛ばしたいと考えている。しかし、その段ボールが倒れるの でどうしたら立つかを考えている。

A 児 近くにあった箱を段ボールの横にセロハンテープで付けようとするが、なかなか付かない。

B児 牛乳パックを持ってきて、横にしてガムテープで付ける と段ボールが立つことに気づく。

T 「これで立つかな?」

B児, A児「倒れるわー、こっちも要る」

C児 「ここ、横、横」と一緒に牛乳パックを付ける。

T 「付いたかな?」 手を離すと傾く。

A 児 「あかんな」

B 児 さらに牛乳パックを 1 個横に付けるとダン ボールが立った。

A児・B児 「やったー」

T 「すごいね」

4人で飛行機が穴を通る



ように飛ばす。遠くから飛 **図2 穴の開いた段ボールを立てる** 行機を投げたり、優しく投げたりしている。

C児 「入った,入った,飛行機が飛んだ」と喜び合う姿が見られた。

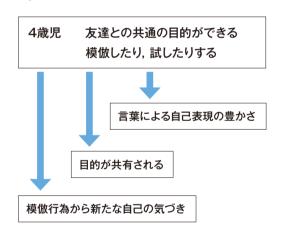
#### ② 行為が意味すること

○目的をかなえるために、いろいろな方法で試し、偶然できたことから工夫する。

段ボールの穴に紙飛行機を飛ばすという目的に向かって, 牛乳パックの付け方を工夫する。パックの位置や立て方,テープの貼り方などが偶然できたことから,それを生かして目的 を達成しようとする。目的をもつことが、試したり、工夫し たりする行為を生み出すと感じる。

# ○個々の子供の気づきを模倣し、さらに自分なりの工夫が生 まれ、それを言葉で伝える

相談したりはしないが、各自が考えたことをそれぞれがや りながら、よいと思うことややり方を模倣する。4歳児は人 への関心をもつ時期であるため、最初から計画的ではないが、 遊びながら目的を共有することができる。目的が共有された ことにより、個々の子供の試し行動がその場にいる子供の刺 激となり、さらに試し行動が広がり、重なり合い・イメージ が広がり・新たな発見が生まれる。また、自分の思いを言葉 で伝えるようになり、偶然できたことから言葉を通して、友 達との共通の気づきや喜びにつながると考える。探究は互い の発想や気づきを受け入れながら模倣する行為が大切である と考える。



#### (3) 5歳児の姿から

#### ① 事例3 …花の色を残したい…6月~10月

4人の子供が色水遊びをしている。マリーゴールド・クロー

バー・パンジー・ベコニアー などの花をすり鉢で擦って いる。

- C 児 「私、こんな色」
- B児 「僕は、こんな色」
- A児 「僕は緑, お茶色」
- C 児 「それどうやって 作ったのし
- A児 「この草を擦ったの」 とすり鉢で草を擦る。 図3 色水作り



カップの色水を「残したい」と4人が言ったので、机に置いて 帰る。翌日、登園すると、

- A児 「色が薄くなっている」
- B児 「色が消えている」と発見。
- C児 「何で消えるの」
- T 「ほんとだ、昨日奇麗やったのに」
- D児「今日もう一度作りたい」といろいろな色をつくる。こ の場所に置いて帰るのダメなんや」
- T 「なぜ」
- B児 「なんかわからんけど…」
- A児「いいこと考えた。この色の入れ物に紙を指して帰ろう か」「そうやなー。色が移るかもなー」
- 4人は自分の作った色水にキッチンペーパーや和紙を入れて 帰る。翌日,
  - A児 「見て見て,色がついている」
  - T 「ほんとや。すごい」
  - B児 「だけど、色が薄い。なぜ?」
  - C児 「色が消えるんかなー」
  - T 「ほんとやね。だけど残ったね。たくさん色が残る方法を 考えようかし
  - 4人「実験しよう」と意気ごむ。
- 9月から色を残すための方法を T(保育者) と一緒に考える。 「太陽にあてたらどうか」という子供の意見を取り上げ、瓶に 色水を入れてしばらく太陽にあてる(太陽染めと名付けている) と、色がほんのりついたので、さらに濃くなるように1か月ぐら い太陽があたる場所に置いておくと色が染まることを発見する。

#### ② 行為が意味すること

# ○色を残したいという子供同士の思いや目的をもつことで追 究したいという気持ちが生まれる

草花からいろいろな色が出ることに感動した子供たちは、 色を残したいという思いが生まれた。どうしたら残せるのか と仲間で試行錯誤したことで、薄い色ではあるが残ることを 発見する。仲間同士の意見の違いや工夫が刺激になる。

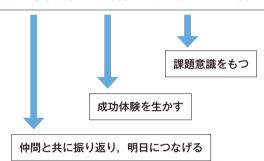
# ○一つの成功体験からさらに新しいことに興味が広がり、さらに 追究したいと考える。

薄い色ではあるが残ったことから、自分たちでいろいろな 方法を調べたり、考えたり、保育者からのアイディアを参考 にしたりしながら探究心が豊かに広がっていくと言える。そ

のためには、成功体験が大切で、次の意欲や期待をもって予 想しながら行動する力になると考える。

興味・疑問から課題解決に迫る。

成功体験が新たな追究を生み出す。仲間のさまざまな考え を生かし、予測する・比較する・振り返ることが必要。



## / ★ 終わりに

乳幼児期における探究心は、元々もっている人間の本能で あり、物に関わりながら、もっと知りたいという興味・関心 や好奇心が原点にある。その力をさらに引き出し伸ばせるか という大人側の課題に直面するように思う。

3歳児から5歳児の発達を多くの事例研究から捉えると、 子供自身の「おもしろい・なぜ・どうして…」という思いが 行為となって表れていることに気づくのである。ただし、年 齢が低い場合は、言語化できないため行為で伝えてくること が多い。その読み取りや行為の意味の理解ができないと遊び の意味が捉えられないのも現実である。小学校以降になると 自分の考えを言葉で伝えることができるが、幼児教育に携わ る保育者は、子供の行為をときには共に体験しながら、子供 の行為に共感する感覚や感性が必要とされる。筆者自身も幼 児期の子供が、「毎日毎日繰り返して同じように見える行為 をする」ことの意味を考えるようになり、その意味の奥深さ を改めて感じている。人間は, 生まれてから死に至るまで同 じ行為を繰り返している。その繰り返しの中で、進化・発展 を見出していると考えると、幼児期の繰り返し行為の重大さ に気づかされるのである。

事例にも挙げているように、ペットボトルに水を入れたり 出したりを繰り返しながら、水があふれるという偶然の気づ きが生まれるためには何が必要であろうか。大きさの違う ペットボトルが準備されている。持ち手がついて、切り口に

ビニールテープが巻かれているなど安全で、扱いやすい物が 準備されている。3歳児なので、近くから水が運べるように タライに水が入っている。また、子供の気づきが生まれるよ うな時間の保障がされているなど子供の発達年齢に応じて探 索・探究行動が生まれる環境や保育者の援助が必要であるこ とは言うまでもない。

理数教育は、感じる力・考える力・試行錯誤する力・推測 する力などが必要であると考えると、幼児期にこの基本的な 能力の基礎が培われると思う。今、社会環境や自然環境の変 化の中で、昔のように自然に関わって自由に遊ぶ姿がほとん ど見られなくなっている。 気温の変化とともに、 園の生活に おいても夏の外遊びができなくなってきているのが現状であ る。現状に目を向けながら、今まで以上に現場の保育者たち の発想の豊かさが求められる。

環境に関わる子供の姿に寄り添い、子供の感性に響き、行 動の意味を読み取り、探究する過程を丁寧に捉え、探究心を 育てる園の生活づくりが豊かになることを期待したい。

#### 参考・引用文献

- ・田村学(2018)『深い学び』 東洋館出版社
- ・アクテイブ・ラーニングの三つの視点を踏まえた幼児教育の学びの過程 (5歳児後半の時期)のイメージ(文部科学省2016)
- ・日本教材文化研究財団(2022)「幼児期の深い学びの検討探究過程の
- ・中井, 菅「一人一人の幼児がどのように探究を深めていくのか一遊びの 深まりを捉えながら一」日本保育学会第76回大会発表論文集,2023
- ・中井、菅「一人一人の幼児がどのように探究を深めていくのか(Ⅱ)一游 びの深まりを捉えながら一」日本保育学会第77回大会発表論文集,
- ・中井, 菅「一人一人の幼児がどのように探究を深めていくのか(Ⅲ)一遊 びの深まりを捉えながら一」日本保育学会第78回大会発表論文集,
- ・文部科学省(2017)幼稚園教育要領 フレーベル館

# Ⅲ 幼児期にこそ大切にしたい身近な自然との関わり

―子供の傍らに居る大人の構え―

(株) 自然教育研究センター 練馬区立中里郷土の森 自然解説員 公益社団法人 全国幼児教育研究協会 副理事長

新山 裕之 / あらやま ひろゆき

1961年長野県生まれ。1985年玉川大学大学院文学研究科教育学専攻修了。練馬区立北 大泉幼稚園、港区立芝浦幼稚園、にじのはし幼稚園教諭。港区立赤羽幼稚園副園長、港区 立にじのはし幼稚園、高輪幼稚園、青南幼稚園園長として勤務。自然や人との関わりを大切 にした保育を続けたのち、2024年から現職。元全国国公立幼稚園・こども園長会会長。



## ▲ 子供たちの自然体験の不足

近年の社会情勢や生活環境の変化に伴い、子供たちの健や かな成長にとって大切な、身近な自然や人との関わりが減少 してきていることがずっと気になっていた。

そのような中、新型コロナウイルス感染症の蔓延で、外出 が制限され、人との接触を避けざるを得ない状況が長く続い た。当時、幼稚園の園長をしていた私にとって、子供たちの 育ちに欠かせない大切な経験を制限せざるを得ない期間は, 悩ましい判断が続く日々だった。

自然体験の不足という点においては、コロナ禍が追い打ち をかけた。コロナ禍を経ると、日常生活における ICT 化が一 気に進んだ。それによる成果がある反面、子供たちの直接体 験の機会,特に自然との関わりは一層希薄になってきている ように感じる。

国立青少年教育振興機構による「青少年の体験活動等に関 する意識調査(令和4年度調査)~減少する体験活動,放 課後や休日の過ごし方の実際~調査結果」によると、子供 たちが自然と関わる体験が減少していると言われている。

実際に日頃目にする姿としても、 例えば食に関して言えば、 子供たちの目の前には、工場や店舗などで加工された食品が、 スマホの操作ひとつで届くことが当たり前になっている。野 菜がどう育ち、農家の人たちがどれほどてまひまを掛けてい るかを体験する機会は減っている。野菜が簡単には育たない ことや自然に対する畏敬の念, それに関わる人たちに感謝す る心などは、直接体験をしなければ生まれてくることは難し いと思う。

# 

#### 一 てまひまを掛けてヨモギ団子を作る意味 ー

私は、かつて海辺の幼稚園で8年間担任をしていた頃、海 辺の草地に自生する「ヨモギ」を摘みに、毎年子供たちと出掛 け、みんなでヨモギ団子を作っていた。ヨモギを摘み、 園に戻っ てきれいに選別して洗い、茹でて刻んですり鉢で擦って、白玉 粉をこねてヨモギを混ぜて団子にし、大釜でお湯を沸かして茹 でて食べた。さまざまな工程があり、数日掛けてそれぞれを実 体験する中で、多くのことを直接学ぶ機会となっていた。この 取り組みを年に2回ほど、毎年繰り返したことで、経験したさ まざまなことが身に付いて、受け継がれていった。



図1 「柔らかい先っぽを摘むんだよね」「フワフワでいい匂いが するね」

ヨモギを探す場面では、子供たちは葉の形や匂いに注目し、 「裏が白くて、フワフワしているんだよね」「ちょっといい匂い がするね」などという気づきを交わしながら、自然物を観察す る力も育っていた。また、「こうやって摘むんだよ」と、年長児 が年少児に教える姿は、何度か経験する中で、自分自身で摘 んだ体験があるからこそ実感をもって伝わるものだった。完成

した団子を食べる場面では、「てまひまを掛けた」からこその 「自分たちで作った」という達成感と、忘れられない匂いや味 をみんなと一緒に味わうことができた。来年も採れるように, 抜くのではなく葉っぱの先を「摘む」ことなど、自然を大切に する構えを学んだり、食や生活文化を継承しながら子供どうし の関係性を育んだりする貴重な機会ともなっていた。身近な自 然との関わりを自分たちの生活の一部に位置付けて、その地域 が「心のふるさと」になるようにとの願いも込めた意義深い取り 組みになっていた。

# ? よ 自分自身の構えの土台は自然体験から

私は高校生まで信州で暮らし、小さい頃は近くの田んぼや小 川でよく遊んでいた。家の周りには風呂焚き用の薪や木切れが あり、それらを使って遊ぶ時間も楽しんでいた。

両親は木曽の山間部の生まれで、春や秋の休日には、よく 父母と一緒に山菜やきのこ狩りに出掛けていた。あるとき山に 出掛けて弁当を食べようとしたときに、箸を忘れたことに気づ いた父が、木の枝を鉈で切って削って箸を作ってくれた。その ようすは幼少期の鮮明な記憶として今も残っており、必要な物 を身近にある物で作ったり、身近な自然物を細工したりするこ とがおもしろいと思うきっかけになっていた。

幼稚園の教員となって、日々の生活や幼稚園での保育をす る中で、自然との関わりを大事にしたり、身近な物を工夫して 使ったりしていた。自分にとっては当たり前のことだったが、振 り返れば幼少期の体験や父からの影響が大きかった。自然の 中で身に付いた生活の知恵であり、教師としての教育観の根底 となるものが形成されていたとも言える。子供たちが遊びや生 活の中で、自ら環境に働きかけ、身近なものを観察し、手を使っ て試行錯誤しながら意味付けていく過程を大切にする教師とし ての構えにつながったと思う。

# / ★ 子供たちと一緒に作ったビオトープ

前述の海辺の幼稚園に異動した際、日常的に自然との関わ りを豊かにしたいと思い、子供たちと一緒にビオトープを作っ た。園舎の横に、ちょうど池になりそうなサイズのコンクリート の施設があり、当時、そこに石や木炭、水草などを入れてビオ トープ池を作った。当時、区の道路公園課が、ビオトープにつ いて模索し始めていた時期と重なり、その方々に教えを乞うた りメダカや水草をいただいたりした。池にはトンボがやって来 て卵を産み、羽化するようすを子供たちと見ることもできるよう になった。その後、研究会を通して区内の他の幼稚園にも紹 介し、ビオトープ作りは徐々に広まり、幼稚園で自然との関わり を深めていくきっかけになった。



図2 木炭や石、メダカや水草などを入れて子供たちとビオトープ 池を作った

# 5 ★ 生き物との関わりから直接学ぶこと

最後に園長を務めた幼稚園にもビオトープ池があり、ある年、 年長児がそこで見つけたヤゴを飼って育てた。それは大きくて 立派なギンヤンマのヤゴで、子供や担任はもちろん私を含めた 周りの大人も、そのヤゴが羽化してトンボになるようすを見て みたいと思っていた。しかし、子供や担任はヤゴを飼うために は生き餌を与えなければならないことに気づき悩んでいた。池 にいるオタマジャクシを餌にしようという意見があったが、卵か ら孵って生長してきたようすも見てきており、それをエサとして 与えるかどうかを含めて、みんなで意見を交わし合っても、な かなか結論が出せずにいた。

残念ながら、羽化する前にヤゴは死んでしまったのだが、ヤ ゴもオタマジャクシも子供たちにとって身近で大切な命であった。 この間、さまざまなことを調べたり、試したり、異なる意見を交 わし合ったりした経験は、子供たちはもちろん、担任や教師集 団にとっても、知的な面でも心の育ちの面でも、貴重で大きな 学びの機会となった。

幼児期には、このような心を動かされるような直接体験が重 要である。図鑑を見て得た知識ではなく、直接体験を通して得 たリアルな経験や感情体験がきっかけとなり、疑問に思ったこ とを自ら探究しようとする学びへとつながっていく。自然に対す



る畏敬の念を兼ね備えた、遊びや生活、学びに対する構えの 土台になっていくものと考える。

# に込めた思い

あのコロナ禍の中, 子供たちが幼稚園に通えず, 外出すら制 限された時期があった。そのとき、私は身近な自然が移り変わ るようすと子供たちの育ちのようすを絡めたコラムを書くことに した。「二十四節気 | をさらに3分割した「七十二候 | に合わ せ, 1年間, A4一枚のコラムを72号発行し, ホームページ や保護者向けアプリで配信した。



図3 みちくさ いたずら こどものじかん その17 菖蒲華

近年の社会は、早くから子供に成果や効率を求める傾向が ある。しかし、子供時代は「安心して挑戦して、遊びや生活 を通して育つ」ことが何より大切である。そこで、コラムの タイトルは、子供が子供らしくいられる時間を大切にしたい と願って「みちくさ いたずら こどものじかん」とした。

折々の身近な自然のようすと子供たちが遊びや生活の中で, 自然と関わるようすや試行錯誤する姿を写真とともに記して いた。身近なところに自然があり、季節の移ろいとともに子 供たちがさまざまな経験を通して育っていることを伝えた かったのである。そのことを子供の傍らにいる多くの大人に 向けて伝えたいと思って発信を続けた。

# **7 ☆「センス・オブ・ワンダー」を育む大人の**

レイチェル・カーソンは、『センス・オブ・ワンダー』(上遠 恵子訳 森本二太郎写真 新潮社) の中で、次のように記している。

「妖精の力にたよらないで、生まれつきそなわっている子ど もの「センス・オブ・ワンダー」をいつも新鮮にたもちつづけ るためには、わたしたちが住んでいる世界のよろこび、感激、 神秘などを子どもといっしょに再発見し、感動を分かち合ってく れる大人が、すくなくともひとり、そばにいる必要があります。」

この言葉が示すように、 自然との関わりにおいて重要なのは、 子供と自然の間に立つ大人の姿勢や構えである。

園長時代、地域に出掛ける際には、それを「○○探検隊」 と称して、子供たちと一緒に出掛け、そこで出合う自然との橋 渡しをしていた。



図4 地域に出掛ける際は探検隊の隊長として一緒に出掛けていた

現在は、幼稚園現場を離れ、小さな自然体験施設で自然解 説員として勤務している。小学生や未就学児親子などの来園者 に自然物を使った遊びを紹介したり、自然との関わりの橋渡し をしたりしている。

親子で来園する方は、大人も少なからず自然に関心をもって いる場合が多く、「こんな虫もいるのですね」「身近にこの施設 があってよかったです」と子供と一緒に楽しんでくれている。私 自身、自然解説員としては知識も経験も浅く、自然の奥深さと 未知との出合いのおもしろさを実感する日々である。「すごい ね」「一緒に調べてみよう」という構えで傍に居ると、子供は安 心して自然と関わろうとする。

子供たちの「センス・オブ・ワンダー=神秘さや不思議さに 目を見はる感性」を育むためには、大人自身の自然との向き 合い方が何より大切である。自分自身の構えを振り返りつつ. そのことを改めて強く感じる日々である。 •

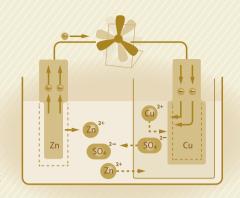
# 【第8回】

# 電気エネルギーから 化学エネルギーへ

# - 二次電池について



東京学芸大学 名誉教授/国際基督教大学 客員教授 鎌田正裕/かまたまさひろ



1959年生まれ。京都大学大学院時代の専攻は原子核工学で、もっぱら溶融塩系の電気化学を専門とした。京 大助手、鳥取大学助教授を経て東京学芸大学に異動した後は、授業で使える実験教材やものづくり教材の開 発に取り組んできた。これまでに、高等学校理科(化学、理数探究)の学習指導要領の改訂・作成作業に関わ るとともに、小学校理科、中学校理科、高等学校理数探究基礎の教科書の執筆にも関わってきた。大学院の 授業では、科学と非科学の違いを考えさせるために、オカルト科学 (擬似科学) を題材に科学の素晴らしさを 次の世代に伝えることにも取り組んできた。

# はじめに

前回は電気分解について解説しました。電気分解とは、外部 から電気エネルギーを与えて化学エネルギーに変換すること すなわち電池とは逆のプロセスです。この説明を読んで、「そ れなら、電池の充電も電気分解なの? と感じた方もいるので はないでしょうか? その通りです! 充電とは、電池の放電とは 逆向きに電流を流し、エネルギーを蓄えるプロセスなので、やっ ていることはまさに電気分解です。ふつう充電を「電気分解」 と呼ぶことはありませんが、電池の充電は、電気分解そのもの です。今回は、どのような電池が繰り返し充電して使えるのか、 具体的な例を挙げながら、その仕組みと特徴を解説します。

# ▋ 二次電池に求められること

繰り返し使える電池は二次電池と呼ばれ、スマートフォンや 電気自動車など、私たちの身の回りのいろいろなところで活躍 しています。二次電池として機能するためには、いくつかの重 要な条件があります。

まず第一に、その電池の電極が「可逆的」であることが 求められます。これは、電極に流す電流の方向を逆にすると、 化学反応も逆方向にスムーズに進み、元の状態に戻ることを 意味します。以前紹介したダニエル電池も、可逆な電極系を 持っていますし、ある程度の充電は可能です。しかし、充電時 の電流を大きくすると、負極の亜鉛から水素ガスが発生しや

すくなり、電池を完全に放電前の状態に戻すのが難しくなりま す。また、ダニエル電池では、正極と負極の電解液が素焼き 板などを介して直接接触しているため、この部分でのイオンの 動きの中には電流と無関係なものも含まれています。このよう な理由から、ダニエル電池は実用的な二次電池とは呼べない のです。それでは、現在市販されている二次電池はどのような 構造になっているのでしょうか? ここでは、身近にある比較 的小規模な電池を中心に紹介します。

# 鉛蓄電池

私たちの生活に古くから 深く根付いている代表的 な二次電池といえば、鉛 蓄電池です。すでに100 年以上にわたる実用電池と しての歴史があり、高い信 頼性を有しています。現在 の車載用バッテリーの代表 的な構造を図1に示します。

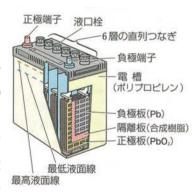


図1 鉛バッテリーの構造

この電池の正極・負極の反応は、次の通りで、これにより、 約2Vの電圧が得られます。

正極 (放電時): PbO<sub>2</sub> + SO4<sup>2-</sup> + 4H<sup>+</sup> + 2e<sup>-</sup>

 $\rightarrow$  PbSO<sub>4</sub> + 2H<sub>2</sub>O

負極 (放電時): Pb + SO,2- → PbSO, + 2e-

図1に示したようなタイプの鉛蓄電池では、このような2Vの電 池(セル)が6枚直列に接続され、全体で12Vの出力電圧を確 保しています。

電気自動車(EV) 用の主要電源としてはリチウムイオン電 池が有名ですが、実は最先端の EV やハイブリッドカーにも. 鉛蓄電池は使われ続けています。一般に、駆動用のモーター 以外の電装品(ライト、カーナビ、パワーウインドウなど)の 電力は、鉛バッテリーから供給されていることがほとんどです。 鉛蓄電池には「重い」という大きな短所がありますが、それに もかかわらず、最先端の車に採用され続けているのは、その 高い性能と信頼性、そしてコストパフォーマンスが評価されて いるからと言えるでしょう。

# ニカド電池 (ニッケルカドミウム電池)

鉛蓄電池よりも軽量でコンパクトな蓄電池として、一時期広 く使われていたのが二カド電池です。その名の通り、ニッケル とカドミウムが電極材料として使用されており、放電時の反応 は以下の诵りです。

正極: NiOOH + H<sub>2</sub>O + e<sup>-</sup> → Ni(OH)<sub>2</sub> + OH<sup>-</sup>

負極: Cd + 2OH → Cd(OH)<sub>2</sub> + 2e

二カド電池の電圧は約 1.2V で、小型のポータブル機器に 組み込まれて使用されただけでなく、単3型などの乾電池サ イズのものが、アルカリ乾電池の代わりに使用されることもよ くありました。しかし、この二カド電池には大きな問題があり ました。それは、負極材料であるカドミウムが有害な重金属で あることです。環境規制の強化に伴い、今ではそのほとんど が次に述べるニッケル水素電池に置き換わり、現在、一般の 店頭で二カド電池を見かけることはまずありません。

# ニッケル水素電池

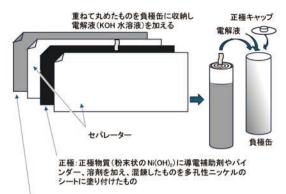
二カド電池の課題を解決する形で登場したのが、ニッケル水 素電池です。現在市販されている単3型の二次電池は、その ほとんどがニッケル水素電池であり、ポータブルラジオや懐中 電灯など、多くの身近な機器で活躍しています。この電池の放 電時の電極反応は次の通りです。

正極:NiOOH + H<sub>2</sub>O + e<sup>-</sup> → Ni(OH)<sub>2</sub> + OH<sup>-</sup> (二カド電池と同じ)

負極: MH + OH → M + H<sub>2</sub>O + e -

ここで M は水素吸蔵合金を表し、MH は水素原子が金属に

吸蔵された状態を表しています。



負極:負極物質 (MH:水素吸蔵合金の微粒子)にパインダー、溶剤を加 え混錬してできたペーストを、パンチングメタル(小さな穴がたくさんあい た金属の薄い板)に塗布・プレスしたもの

図2 ニッケル水素電池の構造

「気体の水素が金属中に吸蔵(溶解) される | と言われて も、金属がそんなに大量の水素を吸蔵できるのか疑問に感じ るかもしれませんね。しかし驚くべきことに、水素吸蔵合金は 体積比で金属の 1000 倍程度の量の水素を吸蔵することがで きます。 例えば、単3型のニッケル水素電池の容量は大きい もので約 2500mAh (約 9000 クーロン) 程度なので、これ から逆算すると、 あの小さな電池の中には 1 リットルを超える 水素が閉じ込められていることになります。このように、ニッ ケル水素電池には見かけ以上の水素が含まれていて、その放 電容量は、二力ド電池のおよそ2倍程度になります。

ニッケル水素電池は単3型乾電池の代替品以外にも、かつ てはノートパソコンの電源や、ハイブリッドカーの主電源(駆 動用バッテリー)としても広く使用されてきました。しかし、 エネルギー密度がさらに高いリチウムイオン電池の登場後は, 多くの用途でその座をリチウムイオン電池に譲ることになりま した。ただし、リチウムイオン電池は端子間電圧が約3Vと 高いため、1.5V系で動作する単3型などの乾電池互換品に ついては、現在でもニッケル水素電池が主流です。

# リチウムイオン電池

現在、スマートフォンや電気自動車の主バッテリーとして活 躍しているのがリチウムイオン電池です。リチウムは標準電極 電位が非常に低く(イオンになりやすく)、かつ軽い物質なので、 これを利用することで、出力電圧が高く、軽量な電池を作る ことができます。

実際のリチウムイオン電池の電極の働きを図3に示します。 放電時に各電極では次の反応が起こっています。

正極:  $\operatorname{Li}_{1-x}\operatorname{CoO}_2 + x\operatorname{Li}^+ + x\operatorname{e}^- \to \operatorname{LiCoO}_2$ (コバルト酸リチウムの場合)

負極:  $Li_xC_6 \rightarrow C_6 + xLi^+ + xe^-$  (グラファイトの場合)

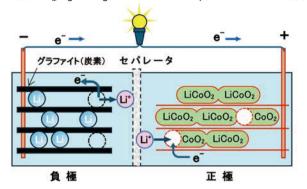


図3 リチウムイオン電池の原理(放電時)

図3で負極が単なる金属リチウムではなく、炭素材料(グラ ファイトなど) の層状化合物とともに構成されている点が、こ の電池の最大の特徴です。リチウム金属をそのまま負極に用 いても、放電時にリチウムがイオンになって電解液中に溶け出 し充電時に金属として析出するので、何も問題がないように 見えます。しかし、金属リチウムには充電時に針状の結晶(デ ンドライト) を形成して析出する性質があり、この針が成長し て正極に達すると、内部で短絡(ショート)を引き起こし、発 熱、発火につながる可能性があります。この危険な問題を解 決するために、リチウムイオンを炭素材料の層の間に「挟み込 む (インターカレーション) | 構造が考案されました。これに より、安全性が飛躍的に向上し、実用化への道が開かれたと 言えます。また、リチウムは水との反応性が非常に高いため、 電解液は水溶液ではなく、引火性の低い有機系の液体が使用 されています。実際の構造は、電池本体の形状(円筒形、角型、 ラミネート型など)によって異なりますが、基本的にはシート 状に成型した正極・負極・セパレータを重ねて容器に密閉す るので、たとえば円筒形のものであれば、図2に示したニッケ ル水素電池とよく似た構造になっています。

リチウムイオン電池は、エネルギー密度が高いという非常 に優れた特徴を持つ一方で、火災の原因になることがしばし ば報道されています。 リチウムは水と反応する性質があるため、 もし発火してしまった場合は、大量の水で一気に冷却して消火 する、あるいは水没させるといった、通常の火災とは異なる注 意が必要です。また、そもそも火災を発生させないためにも、 電池を高温環境にさらさない、強い衝撃を与えない、推奨さ れた正規の充電器で充電条件を守る。一般ごみといっしょに

廃棄しない、といった基本的な注意を忘れないでください。

## コンデンサーと二次電池の違い

二次電池のように外部から電流を流し込んで電気を蓄えた り、逆に電流を外部に取り出せるものに、コンデンサーがあ ります。最後に、このコンデンサーと二次電池の違いについ て触れることにしましょう。

ほとんどのコンデンサーは、電気を蓄えられると言っても ごくわずかな量ですが、コンデンサーの中にも比較的たくさ んの電気を蓄えられるものがあり、それが電気二重層コンデ ンサー(スーパーキャパシタ)です。「コンデンサー」と聞くと、 特別な部品と感じる人もいるかもしれませんが、実はこの電 気二重層コンデンサーは、小学校6年の理科の実験にも登場 します。聞いた話によると、本当は子供にとってより身近な二 次電池を使いたかったが、手回し発電機から直接充電する際、 二次電池では過電流による発熱などの危険性があるため、よ り安全なコンデンサーが選ばれた、と言われています。



- コンデンサーと手回し発電機を、 赤色の導線どうし、黒色の 導線どうしてつなぐ。
- ハンドルを時計回りに回し、 電気がたくわえられたら すばやくコンデンサーを外す
- 3 コンデンサーを豆電球などの 器具につないて、たくわえた 電気を使う。

図4 コンデンサー 小学校6年理科教科書(啓林館2023) より

では、コンデンサーと二次電池の最も大切な違いは何でしょ うか? 両者の構造や使い方にはいくつもの違いがあるのです が、一番大きな違いは、二次電池が充放電の際に「化学反応」 を伴うのに対し、コンデンサーでは充放電時に「化学反応」 が起きていないという点です。電気二重層コンデンサーの中 には、電解液と電極(活性炭)があり、電池とよく似た構造を しているのですが、充電時にかける電圧は、電解液の分解電 圧以下に限られます。充電時は、電解液中のそれぞれのイオ ンが電極表面に引き寄せられて「電気二重層」を形成し、こ れによって電気が蓄えられる仕組みになっています。また、コ ンデンサーでは、蓄えられた電荷量 Q. 静電容量 C. 電圧 V の間に Q=CV という単純な比例関係が成立します。つまり、 蓄えられた電気の量によって端子間の電圧が直線的に変わり ます。これに対し電池は残量がなくなるまでほぼ一定の電圧を 示すことが特徴であり、これは電池につながれた機器を安定 して動かす上で実用上とても大切なことです。

# 【第9回】

# ランダム・ウォークと破産問題 ーマルコフ連鎖入門ー



東京大学 名誉教授

松原望/まつばらのぞれ

Ph.D. (スタンフォード大学)。1942年生まれ。東京大学教養学部基礎科学数学コース卒。統計数理研究所研究員, スタンフォード大学大学院博士課程、筑波大学社会工学系助教授、エール大学フルブライト研究員、東京大学教養 学部・大学院総合文化研究科教授,同新領域創成科学研究科教授,上智大学外国語学部教授,聖学院大学大学院政 治政策学研究科教授を歴任。著書には東大教養部統計学教室(編・著) 『統計学入門』(東京大学出版会), 『わか りやすい統計学:データサイエンス基礎』(丸善), 『社会を読み解く数理トレーニング』(ペレ出版), 『計量社会 科学』(東京大学出版会)、『意思決定の基礎』(朝倉書店)、『ゲームとしての社会戦略』(丸善)、『入門確率過程』 (東京図書), 『入門ベイズ統計』(創元社), 『はじめよう! 統計学超入門』(技術評論社), 『ベイズの誓いーベイ ズ統計学はAIの夢を見る』(聖学院大学出版会) など多数。

# 確率過程とマルコフ連鎖

「確率過程 | も「マルコフ連鎖 | も聞いたことがあるでしょ うか。「確率過程」は確率論の一分野で、ランダムな変数 (「確率変数」と言います) の列

 $X_0, X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, \cdots$ 

を言います。要するに、数列ですが、ふつうの「数」でなく ランダムな数です。さいころを投げ続けるイメージとか、毎 日毎日の交通事故件数とか、あるいは株価などがほんの一例 になりますが、例はそれこそ無限にあります。「マルコフ連 鎖|は確率過程の特別に重要な例です。これだけ聞いても、 何のことかわからないでしょうから、ここでは一般論はやめ ます。その代り、マルコフ連鎖のよく知られた例として「ラ **ンダム・ウォーク** | を取り上げ、その中で、(前後します が)マルコフ連鎖の定義をするほうが、イメージがつかみや すいでしょう。

# ランダム・ウォーク

わかりやすい例を挙げましょう。コインを投げ続けるもの とします。表を 1, 裏を-1(それぞれ確率 p, 1-p) として, 土1の系列

-1, 1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, ...

を得たとし、順次最初から加えると(開始=0とします)、

となります。この作り方の結果を、一般に

$$S_1$$
,  $S_2$ ,  $S_3$ ,  $S_4$ ,  $S_5$ , ...  $(S_1=0)$ 

として、「ランダム・ウォーク」(Random Walk)\*1と言います。

確率論では、 式として、番号 (時点) n で

$$S_n = \begin{cases} S_{n-1} + 1 & (確率p で) \\ S_{n-1} - 1 & (確率1-pで) \end{cases}$$

あるいは、条件付き確率の記号(|)で、この変化を

$$P(S_n=k+1 | S_{n-1}=k)=p, P(S_n=k-1 | S_{n-1}=k)=1-p$$

と表すことができます。 $S_n$  の関係が重要で、 $S_{n-1}$  (だけ) から S<sub>n</sub>の出方の確率が決まるということです。次に続きます。

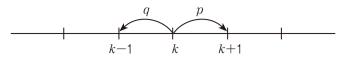
「マルコフ連鎖」の定義 一般に、確率過程

$$X_0, X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, \cdots$$

で、 $x_{n-1}$ だけから $x_n$  の出方の確率が条件付き確率

$$P(X_n = y \mid X_{n-1} = x)$$

として決まる(それ以前の状態は影響しない)なら「マルコフ 連鎖 | と言います。ここでx、yは整数です。先に述べたランダ  $\Delta$ ・ウォークは確かにマルコフ連鎖になっています。実際、x= kで、y=k+1、k-1の2とおりあり、 $k \to k+1$ 、k-1と条件 付き確率で「ジャンプ」しますが、kという状態に至るまでどん な経路をたどったかは関係ありません。(図1)。



#### 図1 ランダム・ウォークのジャンプの仕方

この定義が数学的扱いを著しく簡単にし(pだけで決まる), 応用の幅を広くしてくれます。「マルコフ連鎖\*2」は確率論の中で大きな部分を占め、ランダム・ウォークの例でもわかるように、広く物理(粒子の運動や熱)、化学(液体・気体の拡散)、生物(遺伝子の確率論)の分野に数理モデルとして入っています。経済、経営のような社会現象の分析や政策科学にも広い応用があります。その理論の仕組みをここで説明することはできません。マルコフ連鎖の定義だけにとどめます。

# ランダム・ウォークの確率計算

ランダム・ウォークについては計算や応用の独特の面白さがあるので、計算課題を取り上げてみましょう。

課題  $p = \frac{2}{3}$  として、 $S_4$  のすべての値の確率を求めなさい。

解  $S_4$  は最大 4,最小 -4 のほか 0,さらに  $\pm 2$  が可能,かつ奇数はあり得ません。以下,q=1-p と表すこととします。一般に,確率  $P(S_n=x)$  を計算します。+1 の個数、-1 の個数をそれぞれ e,f とおくと,n=e+f,x=e-f から

$$e = \frac{n+x}{2}, \quad f = \frac{n-x}{2}$$

なので、+1がe回、-1がf回出る確率は、pのe乗、qのf乗、そして+1がe回出る組み合わせ数 (nCe) をかけ合わせたものになります (二項分布)。

$$P(S_n=x) = \left\{ \begin{array}{ll} n \operatorname{Ce} p^e (1-p)^f & (n=e+f \colon e,f \text{ は非負整数}) \\ 0 & (それ以外) \end{array} \right.$$

n=4 の場合、確率および $p=\frac{2}{3}$  のときの値は次の通りです。

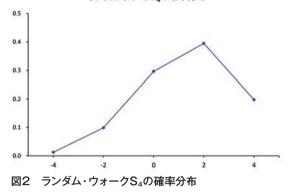
			_		
( e, f)	(0,4)	(1,3)	(2,2)	(3,1)	(4,0)
$S_4$	-4	-2	0	2	4
確率	$q^4$	$4pq^3$	$6p^2q^2$	$4p^3q$	$p^{\scriptscriptstyle 4}$
確率 (p= <u>2</u> )	<u>1</u> 81	<u>8</u> 81	<u>24</u> 81	<u>32</u> 81	<u>16</u> 81

+1 の確率が-1 の 2 倍あるため, 4 回の試行の合計  $(S_4)$  は、平均的に正の値になりやすく、右方向に進む傾向が見られます。確かに、期待値

$$(-4) \cdot \left(\frac{1}{81}\right) + (-2) \cdot \left(\frac{8}{81}\right) + 0 \cdot \left(\frac{24}{81}\right) + 2 \cdot \left(\frac{32}{81}\right)$$
$$+4 \cdot \left(\frac{16}{81}\right) = \frac{4}{3}$$

もプラスです。ただし、4回とも+1になる( $S_4$ =4)のは珍しく、その確率は低くなります。また $S_4$ が負になることもありますが、これも稀です。つまり、 $S_4$ の確率分布は中央付近が高く、両端が低い形になり、**正規分布**に似た傾向が見られます(図2)。試行回数が10回、20回と増えると、この傾向はさらに明確になりますが、これまでのような手計算では対応しきれなくなります。

#### ランダム・ウォークSaの確率分布



期待値、分散および中心極限定理 まず期待値  $\frac{4}{3}$ は、 $n(p-q)(n=4,p=\frac{2}{3},q=\frac{1}{3})$  で出ます。これは 1 回の試行での期待値が $p\times(+1)+q\times(-1)=p-q$ となるため、n回の和  $S_n$ の期待値は、一般に

$$E(S_n)=n(p-q)$$

となるからです。さらに分散は、簡単な演算から

$$V(S_n) = 4npq$$

となります、しかもnが大きいときは、確率分布はほぼ正規分布 N(n(p-q), 4npq)

となります(この現象は「中心極限定理」と呼ばれています。 ここでは証明は省略します)。

**課題**(粒子の拡散) 0 から出発した粒子が一分毎に確率的に  $\pm 1$  ずつ動くとして、1.5 時間後の位置  $S_{90}$  はどうなるか、その確率分布を求めなさい、また、50 以上の位置に見いだされる確率を求めなさい。+1 の確率は  $p=\frac{2}{3}$  とする。

解 本文最後にあります。

# ■ 破産問題

ランダム・ウォークの応用として、確率論で昔から有名なギャンブラーの「破産問題」(gambler's ruin)を紹介します。

はじめに初期財産 y をもっているギャンブラー A が財産 M-y をもっているギャンブラー B と合計 M を賭けます。 勝負は $\pm 1$  単位で、確率は $\pm 1$  は p、 $\pm 1$  は p0 と

します。要するに0とMの間をyからスタートしてランダム・ウォークが動き回るのです。A にとって運よくM まで達すれば完勝、運悪くOに達すれば負け(破産)です。

破産の確率は y, M, p の関数ですが、 とりわけスタート の初期財産の額 y によります。 ここでは A の破産の確率  $Q_y$  を求めます。 破産へは、 まず

 $y \to y+1 \to$  破産、 $y \to y-1 \to$  破産 の2径路に分かれ、 $y \to y\pm 1$ は確率p、qで起こるので、

$$Q_{y} = pQ_{y+1} + qQ_{y-1}$$

と分解されます\*3。これを解けばよいわけです。

解法 高校数学では階差数列を2回とればよいのですが、複雑ですので、一般的に差分方程式(定差方程式)の解法によります。いま解を $Q_y = a^y$ と仮定して代入すると、結果的に2次方程式

$$pa^2 - a + q = 0$$
 (#)

が得られます。この解は実解で、p+q=1を考慮してa=1、 $\frac{q}{p}$ となります。したがって $\mathbf{Q}_y$ の解は

$$\mathbf{Q}_{y}=$$
 1 および  $(rac{q}{p})^{y}$ 

となるのですが、これを組み合わせた

$$Q_y = a + b \left(\frac{q}{p}\right)^y$$

が一般的な解です。破産問題に合うようにa, bを決めなくてはなりません。初期財産y=0, Mの場合、それぞれ、

 $Q_0 = 1$  (破産状態で決まり),  $Q_M = 0$  (破産はもうない) のはずです。代入してa. bを定めると、少々面倒ですが.

$$a = \frac{\left(\frac{q}{p}\right)^{M}}{\left(\frac{q}{n}\right)^{M} - 1}, \qquad b = \frac{1}{\left(\frac{q}{n}\right)^{M} - 1}$$

となり、最終的に破産の確率Q,,は

$$Q_{y} = \frac{\left(\frac{q}{p}\right)^{y} - \left(\frac{q}{p}\right)^{M}}{1 - \left(\frac{q}{p}\right)^{M}}$$

と得られました。

なお、この結果は特別の p=q の場合は通用しません。 このとき 2 次方程式 (‡) は重解 a=1 をもち、 $Q_y$  の解は  $Q_y=1$  および  $Q_y=y$ 、一般には  $Q_y=a+by$  となります。 同様にして、a、b を定めれば、

$$Q_y = 1 - \left(\frac{y}{M}\right)$$

を得ます。つまり、A、Bの初期財産の比だけから破産の確率が決まるのです。

**数値計算** 安全な位置 y からでも、少しでも分の悪い $\pm 1$  の確率なら破産が起こることを確率 Q から見ましょう。

- (a) p=0.45, q=0.55; M=10, y=90  $\geq 8$ , Q=0.210
- (b) p=0.45, q=0.55; M=100, y=900  $\geq 8$ , Q=0.866
- (c) p=0.45, q=0.55; M=100, y=990  $\geq 8$ , Q=0.182
- (a), (c) においては、あと一歩で「逃げ切り」に成功し、破産のリスクは小さくなりますが、(b) ではまだ勝利まで 10 歩を残し、中途で徐々に負けが込み、ついに破産するのです。 さらに確率が分の悪いケースで、
  - (d) p=0.4, q=0.6; M=100, y=900  $\geq 8$ , Q=0.983
- (e) p=0.4, q=0.6: M=100, y=99のとき, Q=0.333 なら, それぞれ (b), (c) と比べて破産の危険は増えています。 最後に p = q = 0.5 で, M = 10,000, y = 9,000 ならわかりやすく、式から Q = 0.2 で、一応安心です。

なお、いずれの場合も、破産しない場合は、ギャンブラーは M に達し勝利します。 言い換えれば、破産、勝利以外(永遠に決定しない)は起こらず、必ずゲームはいつか終わります。 ここでは挙げませんが、ゲームが終わるまでの時間の期待値 D の式もあり、最後に挙げた p=q=0.5、M=10,000、y=9,000では D=16,000,000で途方もなく大きくなります。

#### 課題(粒子の拡散)の解

公式から、 $E(S_{90})=30$ 、 $V(S_{90})=80$  となり、 $S_{90}$  の確率分布も正規分布 N(30,80) と求められます。 $S_{90} \ge 50$  の確率を正規分布表(EXCEL 関数)から求めるために、以下、標準化して標準正規分布 N(0,1) を参照します。

平均を 0 にするために 30 を引き,分散を 1 に(標準偏差を 1 に)するために $\sqrt{80}$  で割って,変換後の $\frac{S_{90}-30}{\sqrt{80}}$ を N(0, 1) で読みます。目的の不等式  $S_{90} \ge 50$  も

$$\frac{S_{90} - 30}{\sqrt{80}} \ge \frac{50 - 30}{\sqrt{80}} = 2.236$$

と変換され、この値をEXCEL関数のNORM.S.DIST (TRUE を指定)で読めば0.987を得て、最終的に0.013を答えとします。以上は正規分布の標準的扱いです。

**...** 

第10回予定 決定木で確率を計算する

#### 脚注

- \*1 「ランダムな歩き方」の例えです。
- \*2 連鎖chainは、ジャンプ0,-1,0,-1,-2,-3,-2,-1,0,-1,… が鎖のよう に連なっていることを表します。
- \*3 計算自体は特別に難しいものではありません。高校数学に書き直せば  $a_n = pa_{n+1} + qa_{n-1}$  となります。

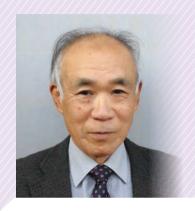
#### 参考文献

松原望, 山中卓, 小船幹生『入門 確率過程』(改訂版) 東京図書

# 【第9回】

# 原子核

(ニュークリアス nucleus)



元徳島県公立高等学校 教諭

# 西條敏美/さいじょうとしみ

1950年徳島県生まれ。関西大学工学部および同大学院修士課程で気体電子工学専攻。卒業後35年間,徳島県 の公立高校で理科(物理)教員として勤務し、2011年定年退職。1982年に徳島科学史研究会を創設。理科教育 の立場から科学史の活用に関心を持つ。科学史を取り入れた高校教科書『理科基礎』(実教出版)の共同執筆に もかかわった。おもな著書に、『理科教育と科学史』(大学教育出版)、『測り方の科学史(I)(II)』、『単位の成り立 ち』(以上恒星社厚生閣)、『物理定数とは何か』(講談社ブルーバックス)など。趣味は毎日1万歩、1時間15分歩 くこと。現在地球の全周の100分の97を達成。

あらゆる用語はその定義よりは多少不完 全なものである。それにもかかわらず正確

な定義は科学的堅実性の最初の徴候で あり、成就した進歩の最良の尺度である。

> オーギュスト・コント (1798~1857) 『実証哲学』第2巻第35章 (原要1830~1842) 上り

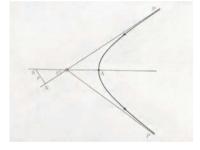
原子内部に微小な負の帯電粒子(電子、エレクトロン)が 存在することがトムソンの実験から確かなものになると、正 の帯電粒子がどのように存在しているのか、原子の構造の研 究へと進みました。X線や放射線の発見からも、原子の構造 の解明が求められました。このとき、大別すれば、正負の帯 電粒子が原子の内部に均等に散在しているという模型と正負 の帯電粒子が原子の中心部と周囲に分かれて存在していると いう模型になります。

この2つの模型に対して、後者が正しいことを実験で決着 を付けたのは、イギリスのラザフォードでした。年表では 1911年原子核の発見とあります。今回は原子の核という用 語の成り立ちを取り上げます。

# nucleusの語のないラザフォードの 1911年論文

問題のラザフォードの 1911 年論文は「物質による α 粒 子とβ粒子の散乱と原子の構造」と題されています。放射線 研究で自ら発見し命名したα粒子とβ粒子を物資に当てたと きの散乱現象と、それによる原子の構造を究明しようとする ことは題名からもわかりますが、nucleus という語は一度 も使用されていません。 この論文は実験結果の 報告ではなく. クーロ ンカによる散乱を扱っ た数理の論文なのです。

今日でもよく用いら れる散乱図が載ってい ます。中心に電荷が あって. その周りの球 全体に一様に逆の電荷 が取り囲んでいる原子 を考えています。この

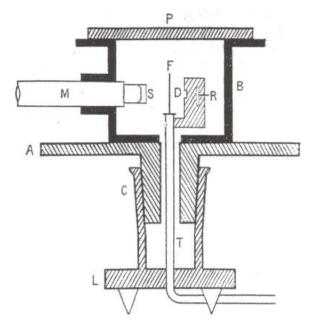


クーロンカによる中心電荷からの帯電 粒子の散乱図 (1911)

点Pから中心部目掛けて進んできた帯 電粒子は点Aまで最接近し、点P′の ほうへと去っていく。

ラザフォードの論文(1911)より

ときあるエネルギーを持ったα粒子を中心目掛けて当てると α 粒子はどのように散乱し、中心にどこまで到達するか、こ れを解明したのがラザフォード散乱の論文です。その実験的 なことは 1906 年から彼の弟子ガイガーとマースデンが彼 の指示のもと開始していました。α粒子を金属箔に当てる同 様な散乱実験です。1909年には、ほとんどのα粒子は素通 りするが、ごくまれに90度も向きを変えるものや中には、 元の向きに跳ね返ってくるものがあることを見つけていたの です。「これは、私の生涯で起きた事件のなかで、もっとも



#### 金箔にα粒子を放射したときの散乱実験装置(1909)

右側のラジウム源Rより放射されたα粒子を薄い金箔Fに当てる。箔を 通り抜けたα粒子は蛍光性のスクリーンSに当たると発光する。これ を顕微鏡Mで観察する。顕微鏡Mは容器BとともにTFを軸として回転 できる。 金属箔に当たったα粒子はほとんど通過したが、 ごくまれに大 きく向きを変えたり、中には元の向きに跳ね返ってくるものがあった (2万回に1回程度)。 ガイガーとマースデンの論文 (1913) より

信じられないものだった。もし、皆さんが、一枚のティッシュ ペーパー目掛けて15インチ砲弾を打ち込んだところ、それ が跳ね返ってきて皆さんに当たったとしたら、それを信じら れるだろうか。」とのラザフォードの回想の言葉はあまりに 有名です。

原子内には正負の電荷が多数あるはずなので、何回もの衝 突(多重散乱)を繰り返しながら向きを変えるものと考えら れていたのです。数学に堪能でなかったラザフォードは確率 論を学び、大きく向きを変える散乱は、中心に集中した電荷 とのただ1回の衝突(単一散乱)の場合にのみ可能であるこ とを論文の冒頭で前提として述べています。

論文全体通して、彼は中心電荷(central charge)とい う語を頻繁に使っています。「1点に凝縮した中心電荷」と いう字句も見えます。末尾の考察では、こう述べています。

「原子は非常に小さな体積内に配置されている中心電荷を 持っていて、大きな単一散乱は、中心電荷の構成単位それぞ れによるのではなく、全部を一つにまとめた中心電荷によっ て起こると仮定するのがもっとも賢明であろう。|

ただ、中心電荷が正か負かについての結論は保留にして、 こう述べています。

「理論からの結論は、中心電荷の符号はどちらでもいいわ けであり、それが正であるのか負であるのかを決定するに足 る確定的な論拠を得ることが可能だとは今のところ考えられ ない。

衝突させたα粒子が中心電荷にもっとも近づく中心からの距 離については、ある実験値を用いて、前段で原子半径  $10^{-8}$ cm に対して、 $3.4 \times 10^{-12}$  cm などと記述しています。

いずれにしても用語という面から見ると、nucleus という 語はどこにも用いられていないことは注目しておきたいです。 電気的なクーロン力による散乱を考えるのですから、質量ま で考える必要はないにしても、中心電荷をもっと一般化した 具体的な核という概念にまで到達しているように見えません。

## ■ ボーアの1913年論文とnucleus

原子は、電荷がその中心に凝集しているというラザフォー ドの原子模型に注目したのはデンマークのボーアでした。 1913 年に発表された「原子および分子の構造について」と題 する論文は、中心電荷を正電荷とし、その周囲をクーロンカ により電子が回転している模型を考え、振動数条件、量子条 件という先駆的な条件を導入し、原子から放射する光のスペク トルを定量的に説明することに成功した画期的論文でした。

この論文も著名なものですが、論文冒頭から、nucleus が当たり前のごとく出てきます。ラザフォードの理論によれ ば「原子には正電荷を帯びた nucleus があり、その引力に よって引き付けられている一群の電子がそのまわりを取り巻 いている」と述べ、以下お馴染みの理論を展開しています。

論文には、原子の中心部を nucleus と呼ぶというような 改まった提案や注の記述はありません。より新しい概念を表 す語、例えば、定常軌道(statinary orbit)と定常状態 (statinary state), 原子振動子 (atomic vibrater), 量子 (quata) などが重要で、原子の中心部の名称などはささい なことかもしれません。というより、原子の中心部の適切な 名称は必要であるに違いなく、nucleus という語がすでに 使われ始めいたのかもしれません。

# ■ nucleusの語の由来と先行使用例

そもそも、nucleus という語はどんな意味を持つのでしょ

うか。辞典によると、ラテン語の nucleus に由来し「小さ な木の実 | を意味するといいます。時代とともに、中心部分、 芯、核心のような意味を持つようになったようです。天文分 野で 1784 年ハーシェルが彗星の核などで使用していまし た。生物での細胞核、気象での凝結核など、ほか音声中の母 音、また母音的要素などにも、この語が使われるとあります。

物理分野に限ってみると、古くは 1844 年にファラデー や 1851 年にランキンが原子論とのかかわりで原子の中心 程度の意味合いでこの語を使用していました。1903年に ロッジは、その大きさまで踏み込んでこんな記述をしてい ます。

「物質の単原子1個に付随する電荷を、直径が原子の10 万分の1の大きさの spherical nucleus (球状の核) に集 中させると、その質量は、現在知られている最も軽い原子の 約 1000 分の 1 になる。|

先の 1913年のボーア論文に影響を与えたニコルソンも 1912 年論文で nucleus の語を使用していました。ボーア はこの論文で先行研究として、ニコルソンの研究をあげ、「原 子は非常に小さな正電荷を帯びた nucleus と・・・」などと 記述しています。

# ふたたびラザフォードとnucleus

ラザフォードも 1912 年論文では、中心電荷 (central charge) の語を nucleus に言い換えて、こんなふうにも 述べています。

「原子は、高速で運動している電子の配列、おそらく一平 面で回転する電子のリングによって囲まれた。たいへん小さ な容積の正に帯電した nucleus から構成される。

つづいて、「原子の崩壊に導く原子の不安定性は、2つの 原因, central nucleus (中心核) の不安定性と電子配列の それとによると考えるのが都合よいであろう」とも述べてい ます。ただこの語を使用する理由には言及していません。

翌 1913 年刊行された著書『放射性物質とその放射線』 でも、central charge という語を使い続け、nucleus とい う語は一度しか使っていないといいます。弟子のアンドレー ドは「ラザフォードは自分の仕事を画期的な革新であるとは 思っていなかったようである」と回想しています。

1914年論文は「原子の構造」と題し示唆に富む論文です。

前年のボーアの論文の影響を受けたのか、再度、nucleus の 語を用いて、nucleus の大きさ、質量、電荷を総合的に評価し ています。nucleus の大きさについて、金では $3 \times 10^{-12}$ cm 以下、水素とヘリウムの核半径の和は  $1.7 \times 10^{-13}$ cm 以下と し、水素の原子核がこれよりさらに小さいというのもありえない ことではないと述べています。水素の原子核は、電子の 1830 倍、原子核の電荷については、Aを原子量、e を電気 素量として、 $\frac{eA}{2}$ で与えられるとしています。nucleus theory (核理論) という語も出ています。放射線の $\alpha$ 粒子 は原子核から、β粒子も原子核に基因すると推測しながらも、 今後に期待を寄せています。

「原子の核理論がもっとはっきりと確かめられるまでは、 原子核自身の構造をあれてれと論ずるのは時期尚早であろう。 重い原子核は、その大きさは非常に小さいのであるが、きわ めて複雑な系であろうということが、一般論からいえる。

原子の中心部分は、放射線が出てくる根源なので、それ相 応の名称を付けておくということといえます。

# まとめ

原子核は通常 1911年、ラザフォードの発見とされ、確 かに正当な評価ですが、用語という面から見ると、この論文 では核という語を使っておらず、中心電荷という語を使って いるのです。

核という語が当たり前の語として広く使われる契機となっ たのは、2年後のボーアの1913年論文であるといえます。 それだけこの論文の影響は大きかったのです。それ以前にも この語は使われてはいましたが、原子の中心部分を意味する 実体用語として定着したのは 1910 年代の半ばといえます。 自ずと関係者の間に広がり、名称決定のための公的会合を開 く必要もなかったようです。 \*\*

#### 文献案内

- ○物理学史研究刊行会編『物理学古典論文叢書』第9巻,第10巻 (東海大学出版会),
- OThe Collected Papers of Lord Rutherford of Nelson, Vol. I, George Allen and Unwin Ltd.
- ○ワインバーグ著,本間三郎訳『電子と原子核の発見』 (日経サイエンス社).
- ○辻哲夫ほか著『現代物理学の形成』(東海大学出版会).

# 「そいやっさ~!| の声に応えて

横浜国立大学名誉教授

根上生也/ ねがみせいや

1957年 東京生まれ。東京工業大学理学部数学科卒、理学博士。1988年に横浜国立大学 に着任して以後、同大学大学院環境情報研究院長・学府長、教育広報担当副学長、先進実 践学環初代学環長を務め、2022年に定年退職を迎える。位相幾何学的グラフ理論のパイ オニアとして知られる数学者として先駆的な研究を続ける一方. 新たな数学教育の在り方を 模索し、小学校算数・中学校数学や高校数学『数学活用』の教科書(啓林館)の編纂に関 わっている。Rimse主催「算数・数学の自由研究」作品コンクール、科学の甲子園、日本数学 検定協会などにも尽力している。著書多数。



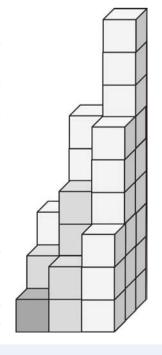
## ▶ 1 九九の積み木

おそらく30年以上前のこと、今となっては昔すぎて、いつ だったのか、どこのことだったのか、明確に思い出すことがで きないが、清水静海先生の話を聞いて、なんとうまく話を展 開する人なのだろうと感銘したことを思い出す。たぶん四国の どこかで、よさこい祭りのように街中で掛け声を掛け合い威 勢よく踊るたくさんの人たちを目撃したのを覚えている。

私は数学教育の研究会のイベントとして行われたパネル ディスカッションのパネリストとして招待されていた。そし て、その前日に清水先生を講師とするワークショップが行わ れていて、20名ほどの現場の先生方が参加されていた。せっ

かくだからと、私もそのワーク ショップに参加して、清水先生 のお話を拝聴させていただいた。

清水先生は九九表のマスに書 かれている数と同じ個数だけ立 方体の積み木をそのマスに積み 上げていくとどうなるかという 話をされた。例えば、3×3ま での範囲でそれをすると、右図 のようになる。それを9×9ま で作ると、和楽器の笙を思わせ る背の高い形になってしまう。 確か、教え子たちと実際にそれ を作ってみたという写真が見せ



られたが、それをしただけでは意味がない。

そこで、その積み上げられた積み木から1×1に相当す る角の部分(図中の濃いグレーの立方体)を取った後に、真 上から見るとL字に見える部分(同じ色調の積み木)を順 に剥がしていくと、それぞれ1の段、2の段、3の段、…に 対応する9個の部分に分解できる。そして、その9個の部 分の積み木を組み替えてみると、いずれも立方体になる。こ の発見を根拠に1から9までの3乗の和が九九表に並ぶ数 の総和になっていることがわかる。

このように淡々と述べてしまえば、「そうですか」と受け 止めるだけのことだが、清水先生は手順を丁寧に説明され、 次はどうなるのだろうと期待を持たせるように話された。 無理に盛り上げよう、楽しい雰囲気にしようとするわけで もなく、粛々と話していく。なのに、ワークショップに参 加しているみなさんは、清水先生の話に引き込まれていく のだった。というのも、清水先生の言葉には、今している ことの数学的な意味や教育的な意義がさりげなく含まれて いたからだ。

その頃の私を振り返ってみると、気の利いた数学の話を した後で、その話のよさを聴衆に強要するような雰囲気を 作っていたかもしれない。それが私の持ち味だとは思って いたから後悔しているわけではないが、それとは真逆の雰 囲気を作っていた清水先生の話に私も魅了されていた。そ の証拠に、私は、頭の中で清水先生のアイディアが1から nまでの自然数の3乗和の公式を証明するのに利用できる ことを理解して満足していた。

# ▶ 2 「しづみ」先生

私は、清水先生の前に啓林館『算数』の編集委員長を務め られていた細川藤次先生の推薦があって、算数の教科書作り に参画することになった。その細川先生と同様に私はトポロ ジーを専門とする数学者なので、数学教育関係者といえば、 横浜国立大学の同僚や卒業生くらいしか知らなかった。その ため、清水先生にお会いするまで、「しづみ」先生のことを 女性だと思い込んでいた。

もちろん、実際にお会いしてみると、みなさんもご承知の ように、「静海」の文字が示すとおりに、大きな静かな海を 思わせる貫禄のある方だった。それよりなによりも、編集会 議のたびに、話をうまくまとめられるのを目撃して驚いてい た。清水先生のお人柄もさることながら、文部科学省でお仕 事をされていたご経験もあり、教育全般に目を配っていれば こそ. できることだったのだろうと思う。

私自身は、小学校の学習指導要領や算数教育に精通してい たわけではないので、数学者としての見識や自分自身が子供 だったときのことを思い出して、教育に関する持論を述べて いた。数学教育の専門家の方や学校現場で小学生を指導して いる先生たちからすると、私の発言は奇抜に感じられるもの だったかもしれない。実際、そういう方たちが想定している 「児童」には小学生の「せいやくん」は入れてもらえないの だなと思うことがよくあった。

だからといって、それを悔やんでいたわけではない。私が どんなことを言っても,「静海」先生がうまく話をまとめて くれて、私たちがすべきことを明確にしてくれたからだ。そ もそも教科書編集の仕事は、学習指導要領に従って、大多数 の子供たちに意味のある教科書を作ることだ。その例外とな る子供たちを救う手立ては他の仕組みで作ればよい。

例えば、Rimse (理数教育研究所) が例年行っている「算数・ 数学の自由研究 | 作品コンクールはその手立ての1つにな るだろう。私はそのコンクールの初回から中央審査会委員長 を務めているが、清水先生は Rimse の理事の立場から私た ちの活動をバックアップしてくれていた。また、生前、清水 先生が理事長を務められていた日本数学検定協会の活動もそ の手立ての1つに数えられるだろう。

# ▶ 3 昭和のおじさん

ここまでの話では清水先生を褒めただけだったが、清水先 生には「昭和のおじさん」と言いたくなるような側面もあっ た。例えば、どんなに寒くても、清水先生は決してコートを 着ない。いつでも背広とワイシャツとネクタイという「モー レツ社員」を思わせる出で立ちだった。そして、何かの機会 があれば、その都度、飲み会をしていた。そのせいもあって、 清水先生は若い頃とはまるで体形が変わっていて, 私が勝手 にイメージしていた「しづみ先生」ではなく、「静海」を音 読みするのがふさわしい姿になっていた。

今となっては懐かしい思い出だが、大阪に宿泊しての編集 会議があるときには、編集部が用意してくれた1次会に続 いて、2次会、3次会と夜遅くまで飲み歩いた。私もたいて いそれにつき合っていた。はじめのうちは、経験の浅い私に とって有意義なお話を聞かせてもらったのだけれど、3次会 ともなると、年配の先生方は酔っ払いのおじさんと化して、 カラオケ大会が始まる。

今となっては清水先生たちがどんな歌を歌っていたのか思 い出せないが、時間が経つにつれて、清水先生と、当時小学 校に勤めていた家田晴行先生が歌う昔の歌のオンパレードに なっていった。そして、若輩者の私たちはそれを拝聴しなが ら、いろいろなことを話していた。

お二人は同じ年代のようで、一方が歌えば、もう一方がそ の横で踊っていた。特に、家田先生が歌う横で「はっ、はっ、 はっ、はっ」と声を出しながら踊っている清水先生の姿が忘 れられない。そして、この光景は本稿の冒頭で述べた「よさ こい祭り」の光景と重なるのだった。

そう思い返してみると、私たちはいつも清水先生の掛け声 に従って活動を始めていたのではないか。そして、知らず知 らずのうちに、その祭りを楽しんでいた。きっと清水先生は 他界された今でも、天国から私たちに向けて掛け声を掛けて いるにちがいない。

私は、清水静海先生のご冥福をお祈りするととともに、天 国からの掛け声に応えて、心の中で「そいやっさー!」と叫 びました。みなさんもどうぞ。 • •

# 「言葉の使い方」と「初心」

千葉大学教育学部 教授

松尾 七重 / まつおななえ

専門は数学教育学、特に小学校算数科と中学校数学科の学習指導、幼児 期の算数教育,パターン認識,図形の概念形成。清水静海先生のご指導 の下. 筑波大学から博士(教育学)の学位を取得。



清水静海先生との出会いは、私が筑波大学大学院博士課程 に院生として在籍していたときのことである。先生は4月 ではなく、8月になって文部省(当時)から筑波大学にお越 しになられた。私の研究テーマが図形の概念形成であり、清 水先生のご研究のテーマの一つに幾何教育の歴史的考察が あったことから、先生の下でご指導を受けることになった。 こうして,博士課程在学中,さまざまな視点から大変お世話 になり、ご指導をいただいた。今、数学教育学の研究者とし て、私がここにあるのも清水先生のおかげであると、心より 感謝をしている。

清水静海先生はとても心の温かい先生であった。研究指導 は的確であるが故に学生にとっては痛い指摘が多くあったが. そのご指摘はとても有意義なものばかりであった。このような ご指導が私の研究を常に支えてくださった。また、私自身へ のご指導だけでなく、他の院生についてご指導される際の内 容も、私にとっては、たいへん貴重なものであった。その点で、 現在でも、清水先生のご指導を受けてきたことを思い出しつ つ、私が自分の学生たちへ指導を行っている。これは私への 励ましの言葉としてくださった、「後進を育てることへの重要 性」について語られていたことへ対応するものである。清水 先生は、数学教育の発展、また、次世代の研究者・指導者 の育成こそが自らの使命と考えていらっしゃったと拝察できる。

私の学位論文を出版した書籍\*1に対して寄せてくださっ た文章の中で,清水静海先生は数学教育研究のあり方につい て、Discussion Document for an ICMI Study\*2 を取り上げて 言及されていた。これは「数学教育の研究とは何か、また、 その結果は何か」というタイトルの資料であり、これについ ては、数学教育の研究が国際的に見て1つの研究領域とし て認知されるようになったことの明かしであると述べられて いる。ICMI(国際数学教育委員会)の母体は, ICM(国際数 学者会議)の1つの部会として設定された数学教育に関す る部会であり、その会が設定されたのは20世紀初頭である ことから、ほぼ1世紀の年月を経て、数学教育学が1つの 学問領域として認知されたことを指摘されていた。そして. 当時の若手研究者の多くが国際舞台で活躍しており、諸外国 の大学との研究や交流が実現されるようになったと述べられ ている。特に、この Discussion Document における数学教育 研究の成果に関わり、数学教育の実践への貢献の視点からの 重要性について言及されておられる。第一の視点は経験的に 行われてきた実践についての軽減や重点化により、何度も同 じ思考を繰り返すことを節約する「思考の節約」 (economizers of thought), 第二の視点は経験的に行われて きた実践にある幻想を理論的に解明し除去する「幻想の除 去」(demolishers of illusions), そして, 第三の視点は「実 践への激励」(energizers of practice)である。この最後の 視点について、数学教育の実践では教師が経験的にその有用 性を感じて実践していることでも, 研究者がそれに対して理 論的な裏付けを与え、その実践の意義を明らかにすることも 貢献の1つである。私自身の研究についても、そのように 評価してくださった。このように、清水先生は、数学教育研 究を通し、研究のための研究ではなく、研究の成果が実践へ とつながり、生かされている、そういった研究の重要性につ いて、いつもご指導してくださり、このことが私の中では今で も強く残っている。数学教育学が学問として位置づけられ、

そして、それを発展するべく、我が国の数学教育の発展のた めに多大なる貢献をされた清水先生から学び、私自身もその お考えを後世へとつないでいきたいと考え、常に大学生や大 学院生等の指導に励んでいるところである。一方で、先生か ら受けたご指導をどのようにして後進たちに伝えていくかとい うことが大きな課題である。時代は変わり、以前とは大きく 異なることも増えてきた。その中でも不易として、いつの時代 にも変わらないことがあるが、その一方、時代とともに変わる ことで、時代にふさわしい内容を取り上げていくことの重要性 が改めて認識される。今後の研究の中で清水先生から学んだ ことをどのようにして活かしていけばよいのか、そのことを考 えつつ、さらに、研究、研究指導に専念していきたい。

以上述べたようにたくさんの教えがあったが、その中でも 特に清水静海先生が大切にされていたこと、2点について述 べさせていただく。

1点目は「言葉の使い方」ということである。先生は一つ 一つの言葉を、的確に捉えていくことを大切にされていた。 辞書を始めとしたさまざまな文献を基にしながら言葉の意 味を突き詰めていくことの重要性を教えてくださった。これ は言葉の意味を知るという点だけでなく、その言葉の内容を 明確に捉え、さらには研究の守備範囲を確定して研究に取り 組むことに当たると考える。それが明確でないと研究の範 囲、研究の目的、そういったものがはっきりとせず曖昧なも のになってしまうからである。さらに言えば、研究の範囲や 目的が曖昧であれば、研究として成り立たないことになる。 そのため、先生はご指導される際だけでなく、ご自身が研究 をされる際にも同様に、言葉の意味を明確にしつつ、その言 葉をどのように使っていくのか、何のために使うのかという ことをはっきりさせておられた。このことは私が学生を指導 する際にも,いつも念頭に置いている。例を挙げれば,先生 がよく口にされていた「数学のよさ」という言葉がある。こ の「よさ」は漢字では「良さ」と書くが、それについては意 味が異なることから、ひらがなで「よさ」と書くべきだとい うことを主張されていた。よさという言葉の真意を伝えたい という思いを窺い知ることができる。また、「理解をさせる」 ということはありえない、「理解できるようにする」のだと いうこともよくおっしゃられていたことを思い出す。子ども の主体性を大事にされていることがわかる。関連して、子ど

もの自立ということについても幾度となく触れられていた。 我々は最後まで子どもたちの面倒を見ることはできない。だ から、子どもたちが親や教師の手を離れても1人で自立し て生きていけるようにしなくてはならないのだという。この 言葉がいつも頭に残っている。小学生, 中学生や高校生を教 育する場合だけではなく、大学生を指導する際、さらに大学 院生の指導においても、また、自分自身の子どもを育ててい くときにもいつも考えてきたことである。教育がその人を自 立させるためにあり、大人はずっとそばで付き沿っていくこ とができないため、自立は必要不可欠なのである。「理解で きるようにする」という言葉の奥深さを感じることができる。 2点目は「初心」忘るべからずということである。これは

私が千葉大学に就職する際に贈ってくださった言葉の一つで ある。数学教育を目指していきたいと考えた初心を思い出し, いくつかの選択肢から選択しなければならないとき、困難に ぶつかったときにどう対応していけばよいのかを考えるとき、 いつも拠り所にしている。この言葉は、単に初めの意思を再 確認するということだけではなく、そのときの思い、そのと きの願い、そして、そのときまだ十分ではない状態の中で、 未熟ではあるが、新鮮で、素朴な、そんな姿の重要性をおっ しゃっていたのだと、今となっては理解できるようになった。 教育に携わる者として何をするのか、何のためにするのか、 そして、どのようにすべきかということを常に考えつつ進め ていくことの重要性が改めてわかる。

最後になるが、私が今取り組んでいる幼児期の算数教育の 研究については、先生がお認めくださり、幼児期の子どもで も考えていけるから頑張れと励ましてくださっていると思い. ご指導いただいたことについて, 現在少しずつであるが, そ の研究課題の解決に取り組んでいるところである。まだ先生 のくださった課題への十分な答えが得られていない部分もあ るが、これからも答えを探しつつ、微力ながら数学教育の発 展に貢献したいと思っている。清水静海先生の言葉を忘れず に、後進に受け継いでいくことをお約束し、この文章を閉じ たいと思う。

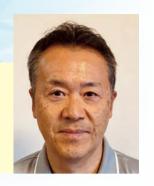
#### 参考文献

- \*1 松尾七重(2000). 『算数・数学における図形指導の改善』 東洋館出版社
- \*2 WHAT IS RESEARCH IN MATHEMATICS EDUCATION, AND WHAT ARE ITS RESULTS? Discussion Document for an ICMI Study. Educ Stud Math 23, 625-629 (1992)

# 『走れメロス』の伝言 ~多様化社会へのメタモルフォーゼ~

## 中島豊/なかじまゆたか

1955 年東京生まれ。都内2校の公立小学校勤務を経て、14年にわたり杉並・世田谷・品川区教育委員会で指 導主事・指導課長を歴任。2 校の校長を務めた後,再び品川区で教育長として 10 年間,6 校の義務教育学校の 設立やコミュニティスクール (CS) の全校体制づくりに尽力した。現在は公立学校の CS 委員長を務めつつ, キャ リア教育や生涯スポーツなどの講師として生徒・学生の指導に携わっている。理数教育研究所参与。



## 1) はじめに~

本研究所が 2014 年 1 月 23 日に発表した「第 1 回算数・ 数学の自由研究」で、最優秀賞を受賞した愛知県の中学2 年生のレポートは秀逸である。毎年、応募作品の審査を担当 する中央審査委員会からも,「文学作品をグラフまで利用し て分析しているのは初めて」と高い評価を得た。

## 2 ) 「メロスの全力を検証」するという発想

受賞生徒は「メロスがどれほどの勢いで 10 里(約39km) の道を進んだのかを算出し、数値で彼のがんばりを感じたい と思う」との動機から、太宰治の『走れメロス』で描かれて いるメロスの足取りを文脈に沿って読み解いたのだ。

その手法は移動距離から平均時速を導くというもの。例え ば往路について、「初夏、満天の星の深夜出発」との記述か ら出発時刻を 0:00AM と仮定。さらに「一睡もせず…十里 の道を急いで村に到着」「到着したのは午前。日はすでに高 く昇って…」を算出条件とし、「39km を 10 時間で到着し たと考えられる。よって平均時速は39÷10 = 3.9km/時 と推定される」と計算。復路は山賊と戦ったり倒れたりして 15 時間かかっており、平均時速は 2.7km であったという結 果を得る。

そして、一般男性の歩行速度が時速約 4km であることな どを引合いに出し、「往路は歩いたことがわかります」「復路 の終わりぐらいに『最後の死力』として走ったけれども、そ れはただの速歩き(時速 5.3km)だったということがわか りました」と考察。最終的に「メロスは全力で走っていない」 と結論付け、感想を「『走れメロス』というタイトルは、『走 れよメロス』のほうがあっているなと思いました」と綴って

いる(「」内の文言は受賞レポートから抜粋,文章表記は I-CAST トレンド HP より引用加筆)。

一方、同時期に放映された民放の TV 番組で、当時人気の アナウンサーが母校の大学で講師として招かれて行った講義 が紹介され、ネット上でブレイクする。その内容というのが、 やはり『走れメロス』の解釈であった。しかし、そこでは前 述のレポートとは真逆の理論が展開される。

例えば、作品にある「沈んでゆく太陽の十倍も速く走った」 という件では、太陽の沈みゆく速度を、メロスが走ったシラ クーザ(太宰の文章表記では「シラクス」)の村があるイタ リア・シチリア島(北緯約38度)での地球の自転速度と置 き換えて、それを10倍すると考えれば、なんとマッハ11 という驚異的な速度が算出されることになる。秒速にして約 3.7km である。リニア中央新幹線(最高時速 500km)の約 28 倍、航空自衛隊の最新鋭主力戦闘機 F-35A (マッハ 1.6) の約8倍の速度で、おそらくメロスが走った道沿いでは、 そのスピードが巻き起こす衝撃波で周囲 2km にわたって壊 滅的な打撃を受けることになることが予想される。

ゆえに、「『走れメロス』というタイトルは、『走るなメロ ス!危ないから』と変えるべきである」とアナウンサーは最 後に力説して大学生の喝采を受けたというものである。

この2つの考察の相違は何を意味するものだろうか。

そもそも感情描写が中心になっている文学を科学的に分析 すること自体に疑問があるとも言われそうだが、そこに注視 した立ち位置の全く異なる中学生とアナウンサーの着眼点・ 発想力、そして立てた仮説を立証するための論理的構成力…, これらはいずれも今の学習指導要領(COS)が示す「生きる 力 | の構成要素「確かな学力 | に他なるまい。

つまり両者の結論は一見相反しているが、発想や探究の構

造・プロセスでは同質と考えることが出来る。翻って私達が 企画・立案や調査・研究を進める際にもこれは言えることで、 常に「メロスの全力を検証する」という原点に立ち返りなが ら、過去の規制に捉われずに独創的で柔軟に発想し、いかに 多面的で重層的な検証を付帯し持続させていくかを思料して いくことが肝要である。「前例は破るためにある」のだから。

#### 3 ) 教育における羅針盤

現在は、VUCA(変動制・不確実性・複雑性・曖昧性のそれぞれの英語の頭文字をとったもの)の時代と言われる。そして高度情報化・グローバル化・少子高齢化を見据え、周知の通り、COSでは「知識・理解、技能」と同様に「学ぶ意欲」や「自分で課題を見付け、自ら学び、主体的に判断・行動し、よりよく問題を解決する資質や能力」が求められている。

学校現場においては、不易を重視しつつもこのような変化に柔軟に、しかも主体的に自己破壊と自己研鑽を繰り返すような組織と運営の質的変換が不可欠である。しかしながら、これらは一人の教員が声を挙げて成し得るものではなく、前例踏襲の行政的手腕で達成できるものとも思われない。課題が山積し複雑化するカオスの中では、羅針盤となる新たなシステムが必要なのだ。西洋の諺にある『新しい酒は新しい革袋に』である。その具体例を2つ示すと、

(1) 2016年の学校教育法改正により、新時代を見据えた教育の象徴として誕生した<u>義務教育学校</u>。現在、全国に約240校とまだ十分に周知されている状況とは言えないが、社会生活の中で選択の自由や幅が量的にも質的にも拡大する実態を踏まえると、戦後初の義務教育の複線化が制度として現実となったことは大きな進化である。

実際,平成中期に学校選択制を導入した東京・品川区では,新たに6校の義務教育学校を設置し,9校の中学校とどちらも選ぶことの出来る選択システムに切り替えて,保護者の期待に応え,教員の意識改革に繋げる体制づくりを行っている。

(2) 全国レベルでは、<u>コミュニティスクール(CS)</u>の実施による地域とともにある学校づくりの例が顕著である。一時は滞っていた普及率も 2023 年度で 52.3%に達したことは、本来の目的である「未来を担う子供たちの成長を地域全体で支える社会を実現する」ことの意義が、地方教育行政にも徐々に浸透しつつあることを示していると考えられる。

と同時に多様な地域の人材リソースで学校を支えることを

想定した人材育成が急務である。実際,教員養成系の大学でカウンセラーやスクールソーシャルワーカー,スポーツトレーナーなどを目指す教員免許を持たない卒業生を送り出すなどの学びの改革が進んでおり CS の充実にも寄与している。

地域協働の中で様々な課題解決を図ることの出来るこのシステムは、中教審の答申にもあるこれからの教員の働き方にも関連し、地域の昔からの願いをも共有する次世代に向けたまさに「公立学校の生命線」なのだ。

もちろん校長の豊かな発想やアイディア、裁量により学校独自で自己啓発に取り組んでいる例も多い。手前みそで恐縮だが私が CS で関わっている小学校では、学校間連携を視野に入れたチーム担任・教科担任制を導入して教員の授業理解と問題意識を高めている。また、CS 委員はもとより教員、保護者、町会役員や卒業生とオープンに語り合うワークショップを開催して子育てに関する地域との相互理解を図り、児童・家庭・社会の多様化への教員の適応的変容を目指している。

#### 4 ) 結びに ~教員育成への独り言

GIGA スクール構想による一人一台端末が導入され、学校も現代社会の縮図としての功罪に否応なしに飲み込まれた。また利便性に潜むリスク、通信環境などの格差といった現状の中で、教員の個人差も大きくニーズも多岐にわたっている。行政的には常設の検討委員会を設置するなどして、利用状況調査や活用のための SWOT 分析、教員研修の見直しなどにより学校の実情に即した未来志向の施策を打つ必要がある。

さらに、少子化の流れの中、核家族で育った教員も増えている。子供や家庭の多様性を理解しつつ接していくためには、例えば特別支援教育の悉皆実習や、長期化する保護者対応に向け、民間コンプライアンスのノウハウを生かした校内外のシミュレーションといった実学的な研修も重要になろう。

メロスが走り?抜けたイタリアを始め、ヨーロッパの町並みは古より外観は変わらないものの内側は様々な近代化が施されている。その石の文化の代名詞ともいえる世界遺産サグラダファミリアは、未完が故に現代人に多くの想像と思考と可能性を問い続けている。かつて設計者のA・ガウディが、懸垂曲線やシェル構造といった建築工学のいわば逆転発想の中に仕掛けた「変容」という未来への設計図を、学校も私達も常に柔軟な発想と希求的な心根で享受していきたいものだ。 ◆

# 地域教育で活躍する人々 第43回

# 地方の小さい町が挑戦する 『令和の日本型学校教育』への 移行について

~個別最適な学びの充実を目指した 教育DX化への第一歩~

## ■ 地域を生かした学校改革の推進

静岡県の北東端. 富士山頂から標高 200m 台の裾野まで 広がる人口 17.000 人の町が私たちの住む小山町です。令和 6年度の出生者数は、町全体で64人まで減少し、町内3中 学校区において、それぞれ20人余となりました。昨年の総 合教育会議において、中学校区単位で令和9年度から小中を 一貫校化する方針を決定し、教育委員会は、一貫校化後の学 校間連携体制づくりを含めた学校改革を始動しました。

この統合を好機ととらえ、地域総動員の学校変革を目指し ています。地域の人的資源の活用だけでなく、自然環境や産 業などにも着目し、小山町ならではの環境や行事と教科教育 を関係づけた学習機会を創出します。一例として、富士山の 活用です。今年も8月に、町内中学生を含む全国6市町から 80 人余の中学生を招き、富士登山を実施しました。この行事 は登山自体が目的でした。今後は、探究的な学びの場として も位置付け、理科で扱う「気圧」に関することなど、日本一の 高低差のある登山中にできる探究的活動を模索します。

# だれもが「当事者」である学校づくり

『令和の日本型学校教育』への移行に向けて、先生方や子 供たちが主役となって変革に取り組める手立てとして、町内各 校からメンバーを招集し、ボトムアップ形式でプロジェクトチー ム(PT) による新しい学校風土や新しい学びの場の創設を目 指しています。PT リーダーは、管理職にお願いするだけでなく、 特別活動や生徒指導など子供に直接関わる案件は、若手育成 を兼ねて30代の教員をリーダーに据えました。学校評価PT. 教育課程 PT. 連合生徒会 PT. 朝運動 PT など、これまでに 改善の要望があった事項について、機動力のある少人数で企 画から立案、実行まで任せて、学校間協力や学校間情報共有 を円滑にし、働き方改革にもつながる町を挙げての学校変革



静岡県小山町 教育長

滕俣 純 / かつまた じゅん

静岡県公立中学校教諭(国語)から、御殿場市 教育委員会学校教育課指導主事, 御殿場市立中 学校教頭、小山町では、教育委員会こども育成 課専門監, 小山町立北郷中学校長を勤め, その後, 御殿場市教育委員会教育監, 御殿場市立御殿場 中学校長を経て、2024年4月より現職。

が始まっています。

# ■ ICT活用から教育DXへのロードマップ

今回. 御紹介するのは. 教育 DX プロジェクトチームについ てです。今年度、本町では、NEXT・GIGA スクール構想に 対応すべく、整った設備に応じた授業づくりのフェーズをもう 一段上げていくことを目指しています。

そこで. 本町の教育 DX のキーワードを「大切なことは変わ らない」とし、先生方が長年培ってきた深い子供理解と授業 研究こそが重要であること、一人一台端末の活用は、単に「文 房具の代わり」ではなく、アナログには代替できないものとし て、デジタルだからこそ可能な授業展開が一般的になっていく という考えを共有するところから始めました。

具体的な教育 DX 化への第一歩として、今年度を「新たな 段階での試行錯誤しの年と位置付け、まずは、さまざまな「思 考ツール | を先生や子供が主体的に選択し、使いこなしていけ ることを目指します。次年度には、タブレット活用による「深 い学び にいかに迫るかを本町のすべての先生方が、同じの テーブルで意見交換できることを目指します。自らの授業観の 変化を実感した先生は、これまでのやり方において自分がど のようなことにとらわれていたのか、どのようなことが教科の 本質となるのか自問自答する中で、子供主体の学習観への転 換や更新が起こるでしょう。

これはつまり、ICT 活用を通した教師自身の学習観の転換で あり、「教えるから学ぶ」を具現化していくことにつながります。

# 「DXイノベーター | の創設と働きについて

教育 DX プロジェクトチームのリーダーは情報教育担当校長 となりますが、このプロジェクトを支える重要な役割を持ちコー ディネートするのが. 「DX イノベーター」です。

① ICT支援員からDXイノベーターへの変身

今年度は、「ICT 支援員」という名称で、2人の支援員が 各校を巡回して支援にあたっています。今年度は、名称こそ 「ICT 支援員」ですが、うち1人は、実際に非常勤として町内 で中学校の家庭科を担当している内海史江教諭です。同氏は、 「DX イノベーター」として授業に関する助言だけでなく、自ら も授業を設計し、実施し、授業改善を繰り返しています。現 場に根ざした。ICT 活用のリアルなロールモデルとなり、他の 教員から信頼される. 教員としての悩みを共有できる存在と なっています。教員として授業を行うからこそ、提案に説得力 が生まれ、ICT 活用に不安を感じる教員に対しても、「この授 業でこういう成果が出た | 「この思考ツールはこう使うと効果 的だった | と、具体的な事例を基にわかりやすい支援を可能 にしています。

#### ② 1 on 1 によるだれ一人取り残さない体制づくり

小回りの利く小規模の町であるという利点を生かし、DXイ ノベーターが個人面談の形で. 「1 on 1 ミーティング | を行っ ています。情報機器活用能力に個人差があることは言うまで もありません。しかし、機器活用は苦手ながらも、新しい授 業観は理解してもらわなければなりません。

町内すべての先生 方の授業における ICT 活用状況等を把 握し. 支援するだけ でなく、各先生方の 課題や今後望んでい



ることなどを把握して 1 on 1ミーティングのようす

います。1 on 1 ミーティングによるヒアリングなどの中で、先 生方はどのようなアプローチで自らが情報活用能力を身に付け. 授業改善に生かせるのかを主体的に解決していく道のりを DX イノベーターと共有します。教員の日々の挑戦を認め、次のス テップへとつなげるための建設的なフィードバックを繰り返し ていきます。

また、先生方が自己評価するための「情報活用能力チェッ ク表」を作成し、自らの教育実践における ICT 活用の進捗状 況や、グラフや表など用いたデジタルアイテムによって身に付

けるべきスキ ルを可視化で きるようなも のにし. だれ 一人取り残す ことなく教育 のDX化を図

チェック項目		自己 評価 実践例や現在の課題、意見等		交流メモ ※内海入力	
1	わたしは、単元や課題 に応じて、適切な思考 ツールを選択できる	В	必要に応じて、既存の思考ツール だけではなく、ワークシートを作 成している。投示はできている が、生徒が自発的に選択するとこ るまで至っていない。	思考ツールを活用した授業見学希望→9月中旬(詳細別途調整)	
2	わたしは、思考ツール の活用方法を生徒に指 導・支援できる	A			
3	わたしは、他教員と実 波を其有し、学び合う 姿勢を持ち、町内全体 の活用推進に貢献して いる	С	時間的な傾釣や場の確保が難し い、ICIの活用が必ずしも学校の 研修と合致していない部分があ り、それを中心に浸集を組み立て ていない。現場の教責にできるこ とに限界があると感じている。	教員団士のちょっとした其有を広 げる仕組みづくりが必要。現場に 活動のない知管ないで実現したい。→16 を活用した情報共有や研修につい て、一緒に考えてほしい。※別途 相談	
4	わたしは、ICT活用や 教育DXの意義を説明で きる	В	意義を説明することはできるが、 必要十分で正しいといえるかは自 信がない。		

ります。

情報活用能力チェック表

## おわりに

各種プロジェクトチーム活動で、 遠隔会議の実施や話し合 い活動での「思考ツール」の活用が、先生方にとってあたりま えになり、子供たちにとっても ICT 活用はあたりまえとなって、 本格的な教育 DX が始まります。「DX イノベーター」がコー ディネートする教育 DX プロジェクトチームが、 今後、全国学 調検証・対応 PT と連携し、本町の授業改善、主に探究的な 学びを推し進めます。

教育課程 PT は、日々の基礎学力定着を目指す「富士山タ イム(ドリルタイム) | の日課枠を町内全校一斉に設ける計画 を立てています。不登校や教室に入れない子供であっても. 町内すべての子供たちが、同じ時間にそれぞれがどこかでタブ レットに向かいドリル学習をしている。基礎学力の定着を図る だけでなく、まさに、デジタル上での一体感を創出したいもの です。

若手教員の手による連合生徒会 PT, 朝運動 PT, 行事改 革 PT などは、体験活動を重視し、知・徳・体のバランスの取 れた金太郎生誕の地、小山町にふさわしい「強くて優しい金 太郎のような子」の育成を目指します。

小山町では、本町ならではの地域力をフル活用し、子供た ちも先生方も、授業をはじめとするさまざまな活動の中で、 自己決定力と自己調整力を伸ばし、主体的に自分の生活を変 えていこう。創っていこうと自ら考えて行動できる人間づくり に挑戦していく所存です。

#### •••••編集後記••••••••••••••••

今年の夏はとても暑かったですね。そんな中、大阪・関西万博も盛況のうちに閉幕を迎えたようです。そして、第13回「算数・数学の自由研 究 | 作品コンクールには、今年もたくさんのご応募をいただきました。

最優秀賞・優秀賞の受賞者の発表は12月に弊所ホームページにて行います。 次号も「就学前の理数教育」を特集します。

第12回

## 「数学用語」その7

[0]と「数] 2つの読み方

サイエンスナビゲーター® 桜井 進/さくらい すすむ

#### 0 -- [ゼロ] と [れい]

「0」の読み方には「ゼロ」と「れい」があります。英語のzeroの発音が「ゼロ」、日本語の零の発音が「れい」です。面白いことに我が国ではこの2つの読み方が使い分けられています。「ゼロ」が使われる例として、「事故ゼロ」「海抜ゼロメートル地帯」「負傷者ゼロ」。「れい」が使われる例として、「午前零(れい)時」「電話番号103-7890」「気温零(れい)度」「降水確率0(れい)%」。これらの例から読み取れるルールを探ってみましょう。

数0としての「ゼロ」と「れい」の違いはどうでしょうか。算数では0の読みは「れい」と教えます。「ゼロ」には「まったくない」の意味合いがあり、「れい」には「0にちかい」の意味合いがあります。1%の位は四捨五入するため、降水確率0%とは、実際には降水確率は0から5%未満のことを表します。同じように、学力テストの0点が「ゼロてん」ではなく「れいてん」なのは、0点であっても学力がゼローーまったくない――ではないことの反映と考えられます。つまり、

#### ゼロ=0、れい≒0

ということです。

「れい」には基準点・基点の意味合いがあります。「午前零(れい)時」「気温零(れい)度」がそうです。それでいくと「海抜ゼロメートル地帯」は基準点を表すので「海抜0(れい)メートル地帯」でもよさそうです。ここには発音の印象が関係しています。「ゼロ」という発音は「れい」に比べて強く響く印象があるため、0を強調する場合にはそれが基準点であっても「ゼロ」を使うと考えられます。

ゼロ=強い印象、れい=弱い印象

#### 数 ――「かず」と「すう」

「数」には訓読みの「かず」と音読みの「すう」があります。これらがどのように使い分けられているかを探ってみます。小学1年生の算数の教科書は見出し「かずとすうじ」ではじまります。小学1年生で習う「かず」は自然数(すう)ですが、「自然数」という用語は習いません。小学3年生になると分数(すう)と小数(すう)が登場します。人類は遠

い昔に小石で数を数えていました。このときの数が小学1年生の「かず」です。そこから人類が「自然数」という概念を獲得するまでに数十万年(もしかしたら数百万年)の年月を要しました。アルキメデスが数学をつくり上げてから2300年足らず。ネイピアが小数点「.」をデザインし、人類が現在の「小数」を手に入れてわずか400年!

「かず」: 原始的・素朴な (primitive) 数 「すう」: 洗練された (sophisticated) 数

「自然数」「分数」「小数」に続き「循環小数」「非循環無限小数」「有理数」「無理数」「虚数」「複素数」「四元数」「超複素数」「代数的数」「超越数」「計算可能数」と次々と「すう」がつくられていくことになったのが19世紀以降です。次はドイツの数学者クロネッカー(1823-1891)の言葉です。

Die ganzen Zahlen hat der liebe Gott gemacht, alles andere ist Menschenwerk.

自然数は神がつくった、その他は人間がつくった。

#### 数論は「すうろん」であり、「かずろん」ではない

ドイツ人のクロネッカーにとって数はZahlenだけです。 もちろん英語もNumberだけ。日本語も文字としては数だ けです。日本人は数と付き合う中で言葉使いの違いを音で表 すことができました。日本語ならではの音読みと訓読みです。 まさしく日本人にとっては数論は「かずろん」よりも「すう ろん」のほうがしっくりきます。これからも深化し続ける数 を私たちは言葉とともに見届けていきます。

数(かず)は神がつくった、その他の数(すう)は人間がつくった。(桜井進)



Rimse (געע) No.44

#### 編集·発行 公益財団法人 理数教育研究所

#### 大阪オフィス

〒543-0052 大阪市天王寺区大道4丁目3番23号 TEL.06-6775-6538 / FAX.06-6775-6515

#### 東京オフィス

〒113-0023 東京都文京区向丘2丁目3番10号 東大前HiRAKU GATE2階

TEL.03-3814-5204 / FAX.03-3814-2156

E-mail: info@rimse.or.jp

https://www.rimse.or.jp

※本冊子は、上記ホームページでもご覧いただけます。

印刷所:岩岡印刷株式会社

デザイン:株式会社 アートグローブ 本文イラスト:株式会社 アートグローブ

表紙写真:提供:アフロ

©Rimse 2025 2025年10月20日